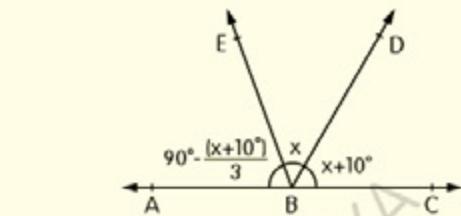


BÖLÜM 2

TYT - AYT GEOMETRİ ÇÖZÜMLER

1.



$$m(\widehat{DBE}) = x \text{ dersek;}$$

$$m(\widehat{CBD}) = x + 10^\circ \text{ olur.}$$

$$m(\widehat{EBA}) + \frac{(x+10^\circ)}{3} = 90^\circ$$

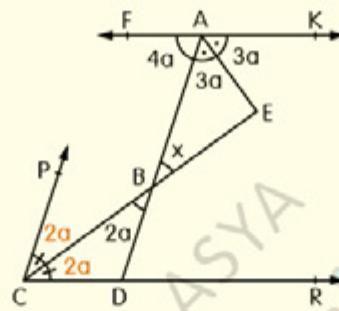
$$90^\circ - \frac{(x+10^\circ)}{3} + x + x + 10^\circ = 180^\circ \text{ (Doğru açı)}$$

$$-(x+10^\circ) + 6x = 240^\circ$$

$$x = m(\widehat{DBE}) = 50^\circ \text{ bulunur.}$$

Cevap "C"

3.



$$m(\widehat{RCP}) = m(\widehat{FAD}) = 4a \text{ (Kenarları paralel açılar)}$$

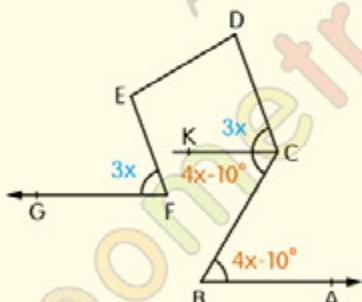
$$10a = 180^\circ, a = 18^\circ$$

$$m(\widehat{ECP}) = m(\widehat{CBD}) = 2a \text{ (İç ters açılar)}$$

$$m(\widehat{EBA}) = x = 36^\circ$$

Cevap "A"

2.



$[FG] \parallel [BA] \parallel [CK]$ olsun.

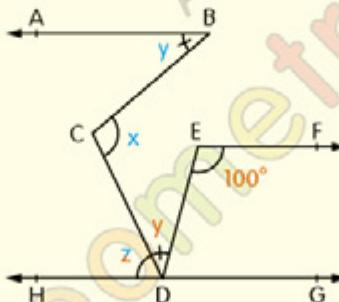
$$m(\widehat{EFG}) = m(\widehat{DCK}) = 3x \text{ (Kenarları paralel açılar)}$$

$$m(\widehat{ABC}) = m(\widehat{KCB}) = 4x - 10^\circ \text{ (İç ters açılar)}$$

$$3x + 4x - 10^\circ = 130^\circ, x = 20^\circ$$

Cevap "B"

4.



$$m(\widehat{ABC}) = m(\widehat{EDC}) = y, m(\widehat{CDH}) = z \text{ olsun.}$$

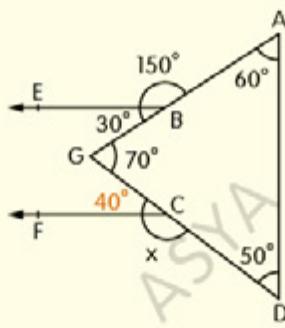
$$[BA] \parallel [HG], x = y + z \text{ (M kuralı)}$$

$$[EF] \parallel [HG], y + z = 100^\circ \text{ (İç ters açılar)}$$

$$m(\widehat{DCB}) = x = 100^\circ$$

Cevap "E"

5.



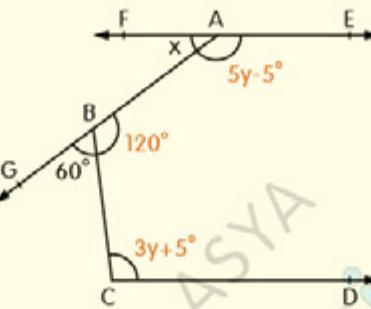
AGD üçgeninde, $m(\widehat{DGA}) = 70^\circ$

$70^\circ = 30^\circ + m(\widehat{GCF})$ (M kuralı), $m(\widehat{GCF}) = 40^\circ$

$m(\widehat{FCD}) = x = 140^\circ$

Cevap "C"

7.



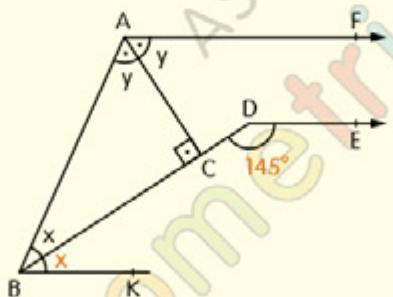
$m(\widehat{CBA}) = 120^\circ$, $[AE] \parallel [CD]$

$3y+5^\circ + 120^\circ + 5y-5^\circ = 360^\circ$ (Kalem kuralı)

$y = 30^\circ$, $x + 5.30^\circ - 5^\circ = 180^\circ$, $m(\widehat{FAB}) = x = 35^\circ$

Cevap "B"

6.



$[AF] \parallel [DE] \parallel [BK]$

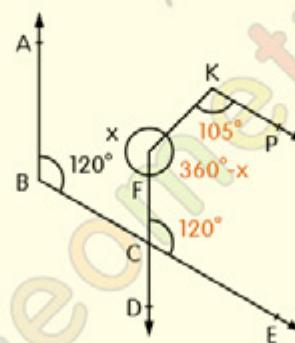
$m(\widehat{ACB}) = 90^\circ$ olduğundan $m(\widehat{KBD}) = x$ olur.

(Karşı durumlu açıların açıortayları bir dik açı oluştururlar.)

$m(\widehat{DBA}) = x = 35^\circ$ (Karşı durumlu açı)

Cevap "D"

8.



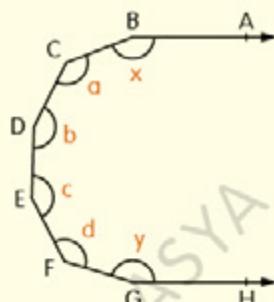
$m(\widehat{EBA}) = m(\widehat{ECF}) = 120^\circ$ (Yöndeş açılar)

$105^\circ + 360^\circ - x + 120^\circ = 360^\circ$ (Kalem kuralı)

$m(\widehat{CFK}) = x = 225^\circ$

Cevap "E"

9.

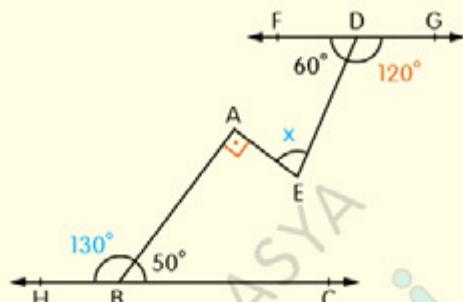


$$[BA \parallel [GH, (\text{açılı sayısı}-1) \cdot 180^\circ = 5 \cdot 180^\circ = 900^\circ]$$

$$x+a+b+c+d+y = 900^\circ, x+y = 310^\circ$$

Cevab "C"

11.



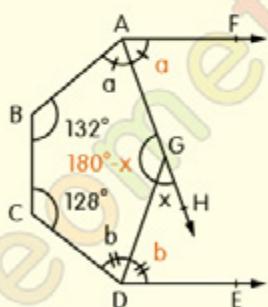
$$GD \parallel [BH]$$

$$x+130^\circ = 120^\circ + 90^\circ \text{ (Zikzak kuralı)}$$

$$m(\widehat{DEA}) = x = 80^\circ$$

Cevab "E"

10.



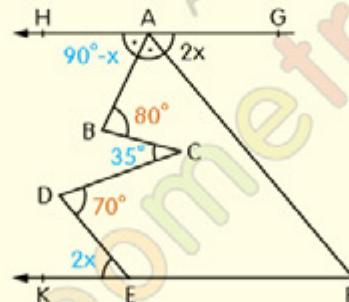
$$[AF \parallel [DE, (\text{açılı sayısı}-1) \cdot 180^\circ = 540^\circ]$$

$$2a+132^\circ+128^\circ+2b=540^\circ, a+b=140^\circ$$

$$180^\circ-x=a+b \text{ (M kuralı), } m(\widehat{DGH})=x=40^\circ$$

Cevab "D"

12.



$$m(\widehat{HAG}) = 180^\circ, m(\widehat{HAB}) = m(\widehat{BAF}) = 90^\circ - x$$

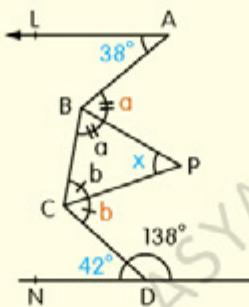
$$m(\widehat{FAG}) = m(\widehat{DEK}) = 2x \text{ (Kenarları paralel açılar)}$$

$$[AH \parallel [EK]$$

$$90^\circ - x + 35^\circ + 2x = 80^\circ + 70^\circ \text{ (Zikzak kuralı), } x = 25^\circ$$

Cevab "B"

1.



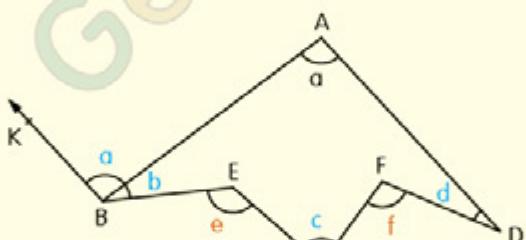
$[AL \parallel [DN], 80^\circ + x = \alpha + \beta$ (Zikzak kuralı)

$\text{BCP Üçgeninde}, \alpha + \beta + x = 180^\circ$

$80^\circ + x + x = 180^\circ, m(\widehat{BPC}) = x = 50^\circ$

Cevap "D"

2.



$[AD] \parallel [BK]$

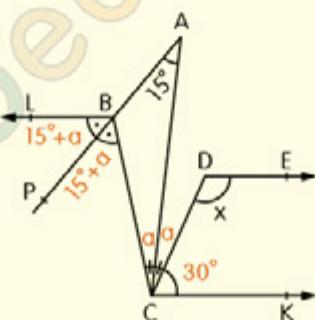
$m(\widehat{BAD}) = m(\widehat{ABK}) = \alpha$ (İç ters açılar)

$\alpha + b + c + d = e + f$ (Zikzak kuralı)

$260^\circ = 20x, x = 13^\circ$

Cevap "D"

3.



ABC Üçgeninde, $m(\widehat{PBC}) = 15^\circ + \alpha$ (dış açı)

$[BL \parallel [DE$

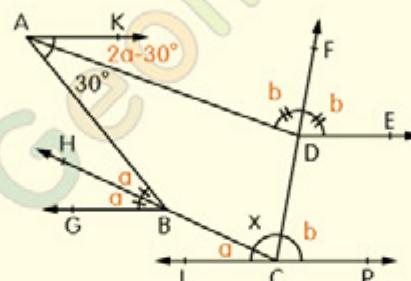
$30^\circ + 2\alpha = 2\alpha + m(\widehat{KCD})$ (İç ters açılar)

$m(\widehat{KCD}) = 30^\circ$

$m(\widehat{CDE}) = x = 150^\circ$ (Karşı durumlu açı)

Cevap "D"

4.



$[BG] \parallel [DE] \parallel [PL]$

$m(\widehat{DAK}) = 2\alpha - 30^\circ$ (İç ters açılardan)

$2\alpha - 30^\circ + 2b = 180^\circ$ (K. d. a.), $\alpha + b = 105^\circ$

$m(\widehat{HBG}) = m(\widehat{BCL}) = \alpha$ (Yöndeş açılar)

$m(\widehat{EDF}) = m(\widehat{PCD}) = b$ (Yöndeş açılar)

$\alpha + x + b = 180^\circ, m(\widehat{FCH}) = x = 75^\circ$

Cevap "E"

5.

$m(\widehat{DBA}) = m(\widehat{DCB}) = \alpha, m(\widehat{CBD}) = x - \alpha$

$\text{DBC Üçgeninde}, 143^\circ + x - \alpha + \alpha = 180^\circ$

$m(\widehat{CBA}) = x = 37^\circ$

Cevap "D"

6. $m(\widehat{CBA}) = x$, $m(\widehat{ACB}) = y$, $m(\widehat{BAD}) = m(\widehat{DAC}) = n$

ABD üçgeninde, $x+n=180^\circ - m(\widehat{ADB})$ 1

ADC üçgeninde, $y+n=m(\widehat{ADB})$ 2

2, (-) ile çarpılır 1 ile taraf tarafa toplanırsa;

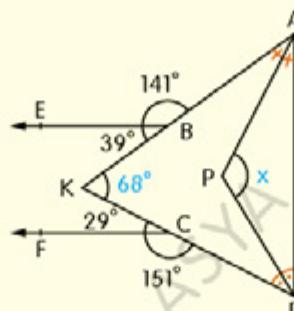
$$x-y=180^\circ - 2m(\widehat{ADB})$$

$$2m(\widehat{ADB})=180^\circ - 32^\circ$$

$$m(\widehat{ADB})=74^\circ \text{ bulunur.}$$

Cevap "C"

9.



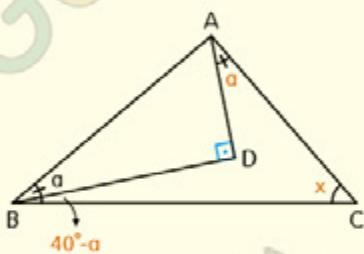
$$39^\circ + 29^\circ = m(\widehat{DKA}) = 68^\circ \text{ (M kuralı)}$$

KDA üçgeninde, $[AP]$ ve $[DP]$ açıortay

$$\text{O halde;} m(\widehat{DPA}) = x = 90^\circ + \frac{68^\circ}{2} = 124^\circ$$

Cevap "B"

7.



$$m(\widehat{DBA}) = m(\widehat{DAC}) = \alpha, m(\widehat{CBD}) = 40^\circ - \alpha$$

$CADB$ içbükey dörtgeninde;

$$\alpha + \alpha + 40^\circ - \alpha = 90^\circ \text{ (Şalvar kuralı)}$$

$$m(\widehat{ACB}) = x = 50^\circ$$

Cevap "A"

10. ABC üçgeninde,

$[AE]$ ve $[BD]$ açıortay olduğundan;

$$m(\widehat{AFB}) = 90^\circ + \frac{x}{2} \text{ dir.}$$

$$90^\circ + \frac{x}{2} + 104^\circ + x + 115^\circ = 360^\circ$$

$$m(\widehat{ACB}) = x = 34^\circ$$

Cevap "C"

11.

$$m(\widehat{CDB}) = 90^\circ - \frac{m(\widehat{BAC})}{2}$$

$$11x = 90^\circ - \frac{14x}{2}, x = 5^\circ$$

Cevap "D"

8. ABC üçgeninde, $[BD]$ ve $[DC]$ açıortay

$$m(\widehat{D}) = 90^\circ + \frac{m(\widehat{A})}{2}$$

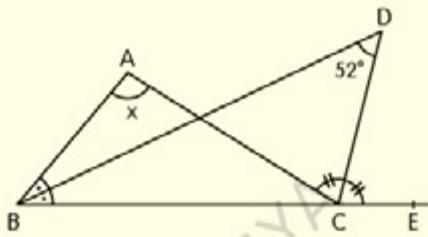
$$6x = 90^\circ + x, x = 18^\circ$$

Cevap "E"

$$12. m(\widehat{ADC}) = x = 90^\circ - \frac{44^\circ}{2} = 68^\circ$$

Cevap "A"

1.



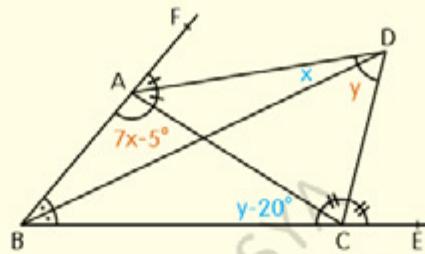
Bir ABC Üçgeninde [BD] iç açıortay, [CD] dış açıortay ise;

$$m(\widehat{BDC}) = \frac{m(\widehat{BAC})}{2} \text{ dir.}$$

$$m(\widehat{BAC}) = x = 2 \cdot 52^\circ = 104^\circ$$

Cevab "D"

3.



ABC Üçgeninde, D noktası dış teğet çemberin merkezi ise; [AD], [BD], [CD] açıortaydır.

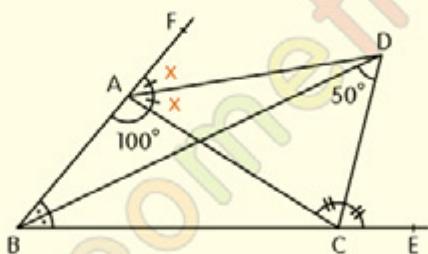
$$2y = 7x - 5^\circ, 2x = y - 20^\circ$$

$$2(2x + 20^\circ) = 7x - 5^\circ, 4x + 40^\circ = 7x - 5^\circ$$

$$m(\widehat{ADB}) = x = 15^\circ \text{ bulunur.}$$

Cevab "C"

2.



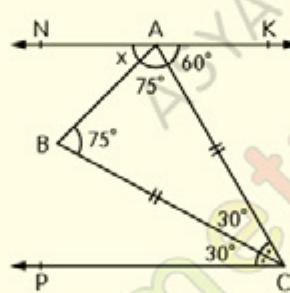
$$m(\widehat{BAC}) = x = 2 \cdot 50^\circ = 100^\circ$$

Bir Üçgende iç açıortay ve iki dış açıortaydan herhangi ikisi varsa, Üçüncüsüde açıortaydır.

$$100^\circ + 2x = 180^\circ, m(\widehat{CAD}) = x = 40^\circ$$

Cevab "B"

4.



$$m(\widehat{CAK}) = m(\widehat{ACP}) = 60^\circ \text{ (iç ters açılar)}$$

$$m(\widehat{ACB}) = m(\widehat{BCP}) = 30^\circ$$

ABC Üçgeninde,

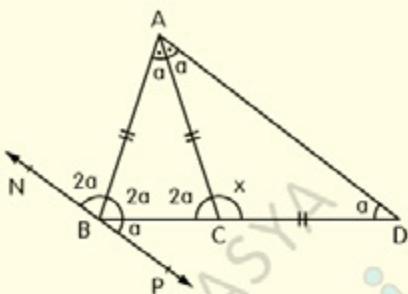
$$|AC| = |BC| \text{ olduğundan } m(\widehat{CBA}) = m(\widehat{BAC}) \text{ dir.}$$

$$2m(\widehat{BAC}) + 30^\circ = 180^\circ$$

$$m(\widehat{CBA}) = m(\widehat{BAC}) = 75^\circ, m(\widehat{NAB}) = x = 45^\circ$$

Cevab "B"

5.



$$m(\widehat{BAC}) = m(\widehat{CAD}) = \alpha \text{ dersek;}$$

$m(\widehat{BAD}) = m(\widehat{ABN}) = 2\alpha$ (iç ters açılar) olur.

$$m(\widehat{ABN}) = 2m(\widehat{PBD}), m(\widehat{PBD}) = \alpha$$

$$m(\widehat{PBD}) = m(\widehat{ADB}) = \alpha \text{ (iç ters açılar)}$$

$$\widehat{ACD} \text{ nde, } m(\widehat{CAD}) = m(\widehat{ADC}) = \alpha; |ACI| = |CDI|$$

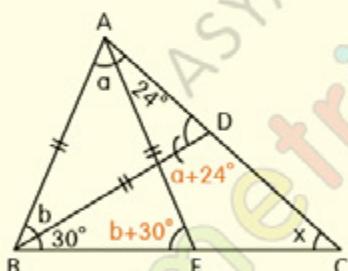
$$m(\widehat{ACB}) = 2\alpha \text{ (dış açı)}$$

$$\widehat{ABC} \text{ nde, } |ABI| = |ACI|; m(\widehat{ACB}) = m(\widehat{CBA}) = 2\alpha$$

$$5\alpha = 180^\circ, \alpha = 36^\circ, m(\widehat{DCA}) = x = 108^\circ$$

Cevap "B"

6.



$$|ABI| = |AEI|, m(\widehat{AEB}) = m(\widehat{EBA}) = b + 30^\circ$$

$$|ABI| = |BDI|, m(\widehat{ADB}) = m(\widehat{BAD}) = \alpha + 24^\circ$$

$$\text{ABE Üçgeninde, } \alpha + 2b = 120^\circ \text{ 1}$$

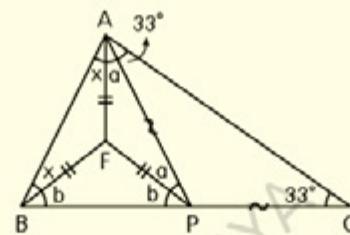
$$\text{ABD Üçgeninde, } 2\alpha + b = 132^\circ \text{ 2}$$

$$\text{1 ve 2 den; } b = 36^\circ, 24^\circ + x = 66^\circ \text{ (dış açı)}$$

$$m(\widehat{ACB}) = x = 42^\circ$$

Cevap "D"

7.



$$\widehat{APC} \text{ nde, } |API| = |PCI|; m(\widehat{ACP}) = m(\widehat{PAC}) = 33^\circ$$

$$\widehat{AFP} \text{ nde, } |FPI| = |FAI|; m(\widehat{FAP}) = m(\widehat{APF}) = \alpha$$

$$\widehat{FBP} \text{ nde, } |FBI| = |FPI|; m(\widehat{FPB}) = m(\widehat{PBF}) = b$$

$$\text{APC Üçgeninde, } 66^\circ = \alpha + b \text{ (dış açı)}$$

$$\text{ABP Üçgeninde, } 2\alpha + 2b + 2x = 180^\circ$$

$$2.66^\circ + 2x = 180^\circ, m(\widehat{BAF}) = x = 24^\circ$$

Cevap "D"

8.



$$\text{ABC Üçgeninde, } m(\widehat{DBC}) = 2x \text{ (dış açı)}$$

$$|BCI| = |CDI|, m(\widehat{CDB}) = m(\widehat{DBC}) = 2x$$

$$\text{ADC Üçgeninde, } m(\widehat{DCE}) = 3x \text{ (dış açı)}$$

$$|CDI| = |DEI|, m(\widehat{CED}) = m(\widehat{DCE}) = 3x$$

$$\text{CDE Üçgeninde, } 8x = 180^\circ, m(\widehat{DAE}) = x = 22,5^\circ$$

Cevap "C"

1. Bir ABC ikizkenar ($|AB| = |AC|$) üçgeninde,

$[BC]$ tabanının bir noktası D ise;

$$|AD|^2 = |AB|^2 - |BD| \cdot |DC| \text{ dir.}$$

$$(x^2 = b^2 - m \cdot n)$$

$$7^2 = 9^2 - |BD| \cdot |DC| \text{ yazılırsa,}$$

$$|BD| \cdot |DC| = 32 \text{ cm}^2 \text{ bulunur.}$$

Cevap "C"

- 2.(2)

$$|AB| = k \text{ ise } |AC| = 2k$$

$\triangle ABC$ nde pisagor bağıntısından, $|BC| = k\sqrt{5}$

ABC dik üçgeninde $[AD] \perp [BC]$ olduğundan,

$$\frac{b \cdot c}{a} = h \text{ dir.}$$

$$\frac{k \cdot 2k}{k\sqrt{5}} = 4, k = 2\sqrt{5}$$

$$|BC| = 2\sqrt{5} \cdot \sqrt{5} = 10 \text{ cm dir.}$$

Cevap "E"

3. ABC dik üçgeninde öklid bağıntısından,

$$|BN| \cdot |NC| = 12^2 = 144 \text{ cm}^2$$

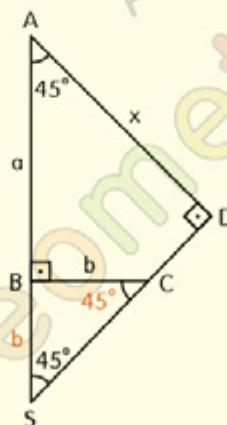
$$(|BN| + |NC|)^2 = |BN|^2 + 2|BN| \cdot |NC| + |NC|^2$$

$$|BC|^2 = 112 + 2 \cdot (144) = 400 \text{ cm}^2$$

$$|BC| = 20 \text{ cm dir.}$$

Cevap "C"

- 4.

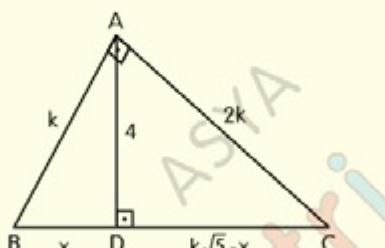


$$m(\widehat{CSB}) = m(\widehat{BCS}) = 45^\circ, |BC| = |BS| = b \text{ cm}$$

$$|AS| = a + b = 6 \text{ cm}$$

Bir dik üçgen (ASD) aynı zamanda ikizkenar

- 2.(1)



$$|AB| = k \text{ ise } |AC| = 2k$$

$\triangle ABC$ de pisagor bağıntısından, $|BC| = k\sqrt{5}$

$$|BD| = x \text{ dersek, } |DC| = k\sqrt{5} - x$$

$\triangle ABC$ de öklid bağıntısından, $k^2 = x \cdot k\sqrt{5}$

$$x = k/\sqrt{5} \text{ olur.}$$

$\triangle ABD$ de pisagor bağıntısından, $k^2 = x^2 + 16$

$$k^2 = (k/\sqrt{5})^2 + 16, 5k^2 = k^2 + 80, k = 2\sqrt{5}$$

$$|BC| = 2\sqrt{5} \cdot \sqrt{5} = 10 \text{ cm dir.}$$

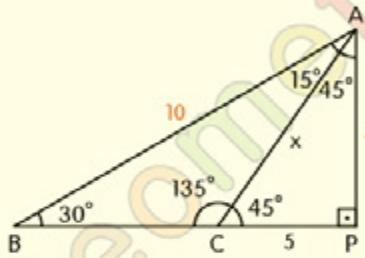
Cevap "E"

ise, hipotenüs dik kenarların $\sqrt{2}$ katına eşittir.

$$x \cdot \sqrt{2} = 6, |ADI| = x = 3\sqrt{2} \text{ cm}$$

Cevap "D"

5.



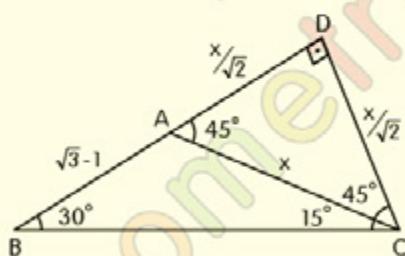
$[AP] \perp [BP]$, $m(\widehat{CAP}) = 45^\circ$

$ABP (30^\circ-60^\circ-90^\circ)$ dik üçgeninde; $|API| = 5 \text{ cm}$

ACP ikizkenar dik üçgeninde; $|ACI| = x = 5\sqrt{2} \text{ cm}$

Cevap "B"

6.



$[CD] \perp [BD]$, $m(\widehat{DCA}) = 45^\circ$

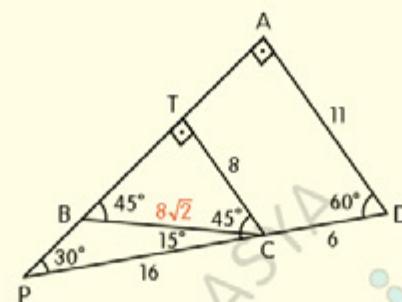
DAC dik üçgeninde, $|DAI| = |DCI| = x/\sqrt{2} \text{ cm}$

$DBC (30^\circ-60^\circ-90^\circ)$ dik üçgeninde;

$$\frac{x}{\sqrt{2}} + \sqrt{3} - 1 = \sqrt{3} \cdot \frac{x}{\sqrt{2}}, |ACI| = x = \sqrt{2} \text{ cm}$$

Cevap "A"

7.



$[AB]$ ile $[CD]$ nin uzantısının kesişikleri noktası P,

$APD (30^\circ-60^\circ-90^\circ)$ dik üçgeninde; $|PCI| = 16 \text{ cm}$

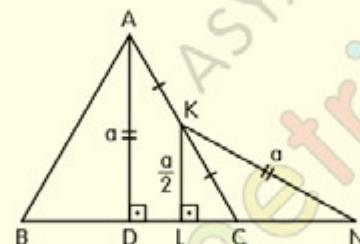
$[CT] \perp [AP]$ olsun. $m(\widehat{TCB}) = 45^\circ$

$TPC (30^\circ-60^\circ-90^\circ)$ dik üçgeninde; $|TCI| = 8 \text{ cm}$

TBC ikizkenar dik üçgeninde; $|BCI| = 8\sqrt{2} \text{ cm}$

Cevap "E"

8.



$[KL] \perp [BN]$

$\widehat{CKL} \sim \widehat{CAD} (\text{A.A.A})$

$$\frac{|CKI|}{|CAI|} = \frac{|IKL|}{|ADI|}, \frac{1}{2} = \frac{|IKL|}{|ADI|}, |ADI| = 2|IKL|$$

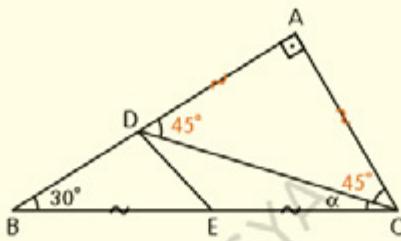
$$|ADI| = |KNI| = 2|IKL|$$

KLN dik üçgeninde $|KNI| = 2|IKL|$ olduğundan,

$m(\widehat{KNB}) = 30^\circ$ dir.

Cevap "A"

9.



$\triangle ABC$ (30° - 60° - 90°) dik üçgeni olduğundan;

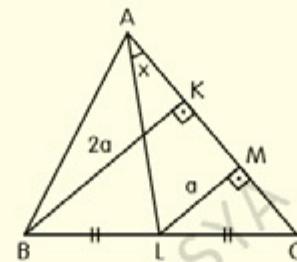
$|BC| = 2|AC|$ dir. Öyleyse; $|BE| = |EC| = |AC|$

$|AD| = |AC|$, $m(\widehat{ACD}) = m(\widehat{CDA}) = 45^\circ$

$m(\widehat{ACB}) = 60^\circ = \alpha + 45^\circ$, $m(\widehat{DCE}) = \alpha = 15^\circ$

Cevap "B"

11.



$[LM] \perp [AC]$

$\triangle CLM \sim \triangle CBK$ (A.A.A)

$$\frac{1}{2} = \frac{|LM|}{|BK|}, |BK| = 2|LM|$$

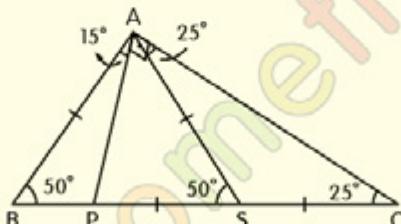
$|BK| = |AL| = 2|LM|$

$\triangle ALM$ dik üçgeninde $|AL| = 2|LM|$ olduğundan,

$m(\widehat{LAC}) = x = 30^\circ$ dir.

Cevap "C"

10.



$\triangle APC$ dik üçgeninde, kenarortay ($[ASI]$) çizersek;

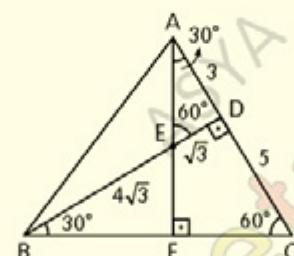
$|PSI| = |SCI| = |ASI|$ (muhteşem üçlü) olur.

$m(\widehat{ASB}) = m(\widehat{SBA}) = 50^\circ$, $|ABI| = |ASI|$

$|PSI| = |SCI| = |ABI| = |ASI|$, $\frac{|PCI|}{|ABI|} = 2$

Cevap "D"

12.



$\triangle ABC$ üçgeninin yüksekliklerinin kesim noktası (diklik merkezi), E noktası olduğundan $[BD] \perp [AC]$ dir ve $[AF] \perp [BC]$ çizersek; $[BD]$ ile $[AF]$ E noktasında kesişir.

Buna göre açılar da yerine yazılsrsa,

$\triangle DBC$ (30° - 60° - 90°) dik üçgeninde; $|DC| = 5$ cm

$\triangle AED$ (30° - 60° - 90°) dik üçgeninde; $|AD| = 3$ cm

$|AC| = 8$ cm bulunur.

Cevap "A"

1. Bir dik üçgende hipotenüse ait kenarortay ($|IADI|$), hipotenüsün ($|IBCI|$) yarısına eşittir.

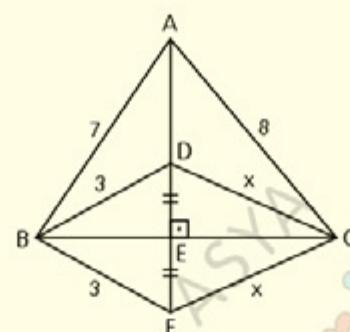
$|IBCI| = 20 \text{ cm}$ olur.

Bir 15° - 75° - 90° dik üçgeninde hipotenüse ait yükseklik ($|IAEI|$), hipotenüsün ($|IBCI|$) dörtte biri kadardır.

Buna göre; $|IAEI| = x = \frac{20}{4} = 5 \text{ cm}$ dir.

Cevap "A"

- 3.



$\triangle BDC$ nin $[DE]$ na göre simetriğini alalım.

(Köşegenleri dik kesisen dörtgende, karşılıklı kenarların kareleri toplamı birbirine eşittir.)

Buna göre; $7^2 + x^2 = 8^2 + 3^2$, $49 + x^2 = 64 + 9$

$|DC| = x = 2\sqrt{6} \text{ cm}$ bulunur.

Cevap "C"

- 2.



$[ED] \parallel [AC]$, $m(\widehat{ADE}) = 90^\circ$ (iç ters açılar)

$m(\widehat{EAD}) = m(\widehat{DEA}) = 45^\circ$, $|EDI| = |ADI| = \sqrt{2} \text{ cm}$

$\triangle BED \sim \triangle BAC$

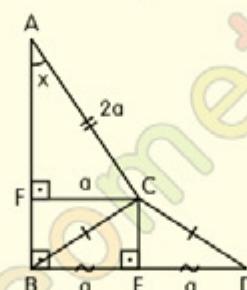
$$\frac{|BE|}{|BA|} = \frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{2}, |BE| = |EA| = x/2$$

DAE ikizkenar dik üçgeninde, pisagordan;

$$|ABI| = x = 4 \text{ cm}$$

Cevap "D"

- 4.



$|BD| = 2a \text{ cm}$, $[CE] \perp [BD]$, $|BE| = |ED| = a \text{ cm}$

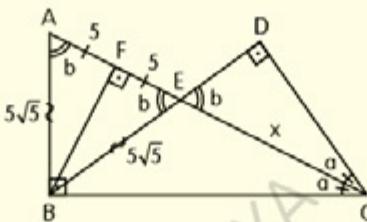
$[CF] \perp [AB]$, $|BE| = |FC| = a \text{ cm}$

AFC dik üçgeninde; $|FC| = a \text{ cm}$, $|AC| = 2a \text{ cm}$

Buna göre; $m(\widehat{BAC}) = x = 30^\circ$ bulunur.

Cevap "B"

5.



$m(\widehat{DCA}) = m(\widehat{ACB}) = a$, $m(\widehat{CED}) = b$ dersek;

$m(\widehat{BAC}) = b$ olur.

$m(\widehat{BAE}) = m(\widehat{AEB}) = b$ olduğundan ABE üçgeni

ikizkenardır. $|BE| = |BA| = 5\sqrt{5}$ cm

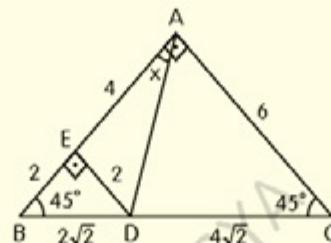
$|BF| \perp |AC|$ çizelim. $|AF| = |FE| = 5$ cm

ABC dik üçgeninde öklid bağıntısından;

$$|BA|^2 = |AF| \cdot |AC|, (5\sqrt{5})^2 = 5 \cdot (10+x)$$

$$|EC| = x = 15 \text{ cm}$$

7.



ABC dik üçgeninde $|BC|, |AB|$ ının $\sqrt{2}$ katı ise;

$|AB| = |AC| = 6$ cm, $m(\widehat{ACB}) = m(\widehat{CBA}) = 45^\circ$ olur.

$|DE| \perp |AB|$ olsun. $|EB| = |ED| = 2$ cm, $|AE| = 4$ cm

AED dik üçgeninden; $\cot x = \frac{|AE|}{|ED|} = 2$ bulunur.

Cevap "E"

Cevap "C"

6.



$m(\widehat{FBA}) = \alpha$ diyelim.

$m(\widehat{TBC}) = \alpha$ ve $|BF| = |BT|$ olacak şekilde bir T

noktası alırsak; $\widehat{ABF} \cong \widehat{CBT}$ (K.A.K) ve

$m(\widehat{TFB}) = 90^\circ$ olur. F ile T noktasını birleştirelim.

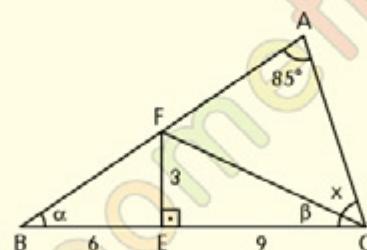
FBT dik üçgeni ikizkenar ve $|FT| = \sqrt{2}$ cm dir.

FTC üçgeninde $|FC|$; hipotenüs, $m(\widehat{CTF}) = 90^\circ$

$m(\widehat{CTB}) = x = 135^\circ$

dersimizgeometri.com

8.



FBC üçgeninde; $\tan \alpha = \frac{1}{2}$, $\tan \beta = \frac{1}{3}$

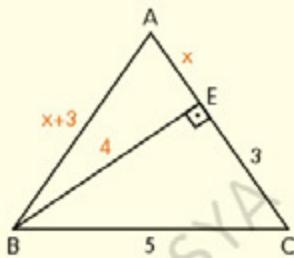
$$\tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \cdot \tan \beta} = \frac{(1/2) + (1/3)}{1 - (1/2) \cdot (1/3)}$$

$$\tan(\alpha + \beta) = 1, \alpha + \beta = 45^\circ, m(\widehat{ACF}) = x = 50^\circ$$

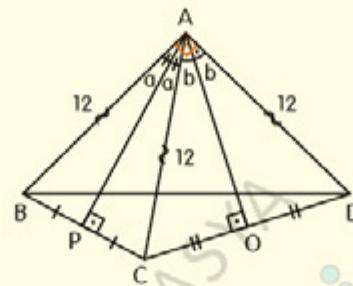
Cevap "C"

Cevap "C"

1.

EBC dik üçgeninde pisagor; $|EB| = 4 \text{ cm}$ $|AE| = x \text{ cm}$ diyelim. $|AB| = |AC| = x+3 \text{ cm}$ ABE dik üçgeninde, pisagor; $|AE| = x = \frac{7}{6} \text{ cm}$ **Cevap "D"**

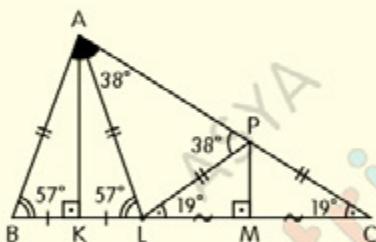
3.

A ile C noktasını birleştirirsek ABC Üçgeninde [AP] ve ACD Üçgeninde [AO]; yükseklik ve kenarortay olduğundan, ABC ve ACD ikizkenar Üçgendir. $|AB| = |AC| = |AD| = 12 \text{ br}$ ABD ikizkenar dik ($2\alpha + 2\beta = 90^\circ$) Üçgeninde;

$$|BD| = 12\sqrt{2} \text{ br}$$

Cevap "D"

2.



[PL] ve [AL] çizelim.

 $[PM] \perp [LC]$ ve $|LM| = |MC|$; \widehat{PLC} , $[AK] \perp [BL]$ ve $|BK| = |KL|$; \widehat{ABL} ikizkenar olur.

$$m(\widehat{APL}) = 19^\circ + 19^\circ = 38^\circ \text{ (diş açı)}$$

 \widehat{ALP} de $m(\widehat{ALI}) = m(\widehat{PLI})$; $m(\widehat{APL}) = m(\widehat{LAP}) = 38^\circ$

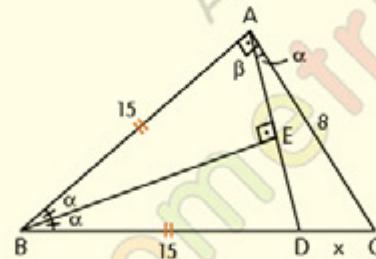
$$m(\widehat{ALB}) = 19^\circ + 38^\circ = 57^\circ \text{ (diş açı)}$$

 \widehat{ABC} de $19^\circ + 57^\circ + m(\widehat{BAC}) = 180^\circ$

$$m(\widehat{BAC}) = 104^\circ \text{ bulunur.}$$

Cevap "B"

4.



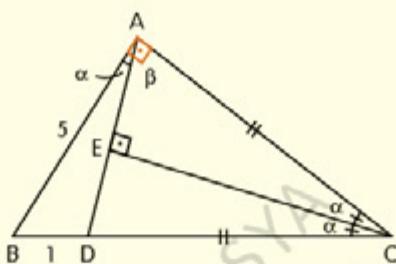
$$m(\widehat{DAC}) = \alpha, m(\widehat{BAD}) = \beta, \alpha + \beta = 90^\circ$$

 $m(\widehat{DBE}) = m(\widehat{EBA}) = \alpha$. dersek; $m(\widehat{AEB}) = 90^\circ$ dir.

ABD Üçgeninde, [BE] açıortay ve yükseklik ise;

ABD Üçgeni ikizkenardır. $|AB| = |BD| = 15 \text{ cm}$ ABC (8-15-17) dik üçgeninde, $|DC| = x = 2 \text{ cm}$ **Cevap "B"**

5.



$m(\widehat{BAD}) = \alpha$, $m(\widehat{DAC}) = \beta$ diyelim.

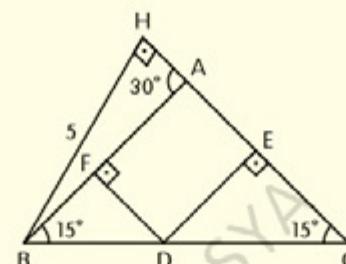
ADC ikizkenar üçgeninde, $[CE] \perp [AD]$ dersek;

$m(\widehat{ACE}) = m(\widehat{ECD}) = \alpha$ olur. Öyleyse; $\alpha + \beta = 90^\circ$

ABC (5-12-13) dik üçgeninde; $|AC| = 12$ cm

Cevap "C"

7.



ABC ikizkenar üçgeninde, $[BH] \perp [HC]$ dersek;

$|DE| + |DF| = |BH| = 5$ cm olur.

(İspatlar bölümüne bakınız.)

ABC üçgeninde; $m(\widehat{HAB}) = 30^\circ$ (dış açı)

HBA ($30^\circ - 60^\circ - 90^\circ$) dik üçgeninde; $|AB| = 10$ cm

Cevap "E"

6.



BCE üçgeninde, $[BF] \perp [CE]$, $|EF| = |FC|$

$[DE]$ çizelim; $|DC| = |DE|$, $m(\widehat{EDF}) = m(\widehat{FDC})$

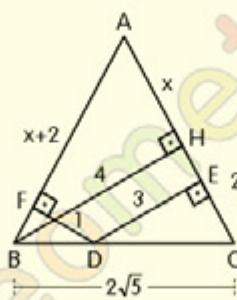
$m(\widehat{EAD}) = m(\widehat{ADE}) = x$, $m(\widehat{EDF}) = m(\widehat{FDC}) = 60^\circ - \frac{x}{2}$

AFD üçgeninde, $60^\circ - \frac{x}{2} + x + x = 90^\circ$

$m(\widehat{CAD}) = x = 20^\circ$ bulunur.

Cevap "C"

8.



$[BH] \perp [HC]$, $|BH| = 4$ cm

HBC dik üçgeninde pisagor; $|HC| = 2$ cm

$|AH| = x$ cm diyelim. $|AB| = |AC| = x+2$ cm

ABH dik üçgeninde pisagor; $|AB| = 5$ cm

Cevap "A"

9. $\frac{|ABI|\sqrt{3}}{2} = |SRI| + |RPI| - |RKI|$

(İspatlar bölümüne bakınız.)

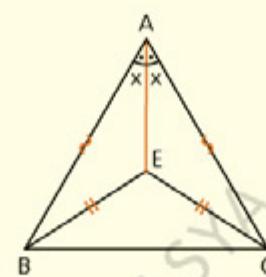
$$\frac{|ABI|\sqrt{3}}{2} = 9 + 10 - 3$$

Buradan, $|ABI| = \frac{32\sqrt{3}}{3}$ br

$\angle(ABC) = 32\sqrt{3}$ br bulunur.

Cevap "D"

11.



$$\widehat{EAB} \cong \widehat{EAC} \text{ (K.K.K)}$$

$$m(\widehat{BAE}) = m(\widehat{EAC}) = x$$

$$m(\widehat{BAC}) = 2x = 60^\circ, m(\widehat{BAE}) = x = 30^\circ$$

Cevap "D"

10. $|BCI| = x$ cm dersek;

$$|PEI| + |KCI| = 2x$$
 cm olur.

ABC ikizkenar Üçgeninde, $|PEI| = |KCI| + |EDI|$ dir.

(İspatlar bölümüne bakınız.)

$$|PEI| + |KCI| = 2x$$
 cm

$$|KCI| + 2 + |KCI| = 2x$$
 cm, $|KCI| = x - 1$ cm

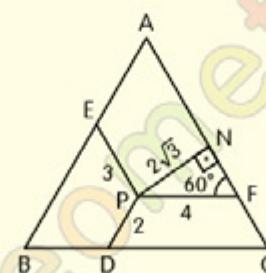
KBC Üçgeninde pisagor bağıntısından,

$$x^2 = (\sqrt{17})^2 + (x-1)^2$$

$$x^2 = 17 + x^2 - 2x + 1, |BCI| = x = 9$$
 cm bulunur.

Cevap "A"

12.



$$[PF] \parallel [BC]$$

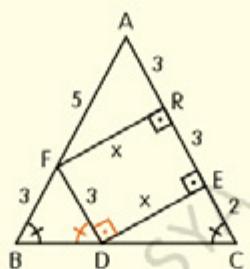
$$m(\widehat{ACB}) = m(\widehat{NPF}) = 60^\circ \text{ (Yöndeş açılar)}$$

NPF ($30^\circ - 60^\circ - 90^\circ$) dik Üçgeninde; $|PFI| = 4$ cm

$$|ABI| = |ACI| = |BCI| = |PDI| + |PEI| + |PFI| = 9 \text{ cm}$$

Cevap "C"

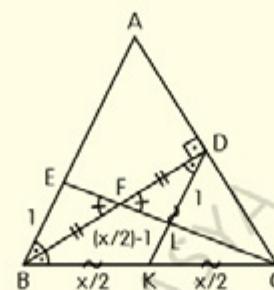
1.



$|AB| = |AC|$ ise; $m(\widehat{CBA}) = m(\widehat{ACB})$
 $[FD] \parallel [AC]$ ise; $[ED] \perp [DF]$ ve $m(\widehat{ACB}) = m(\widehat{FDB})$
Buradan; $|FBI| = |FDI| = 3$ cm, $|AFI| = 5$ cm
 $[FR] \perp [AC]$ olsun.
FDER dikdörtgeninde; $|FRI| = x$ cm ve $|REI| = 3$ cm
 $|ARI| = 6 - 3 = 3$ cm
AFR dik Üçgeninde, pisagor; $x = |DEI| = 4$ cm

Cevap "C"

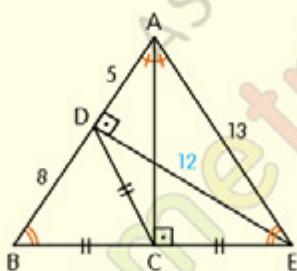
3.



$[DK] \parallel [AB]$; $m(\widehat{DBA}) = m(\widehat{BDK})$ (iç ters açılar)
DBC dik Üçgeninde $|DKI| = |BKI|$ ise;
 $|DKI| = |BKI| = |IKC| = \frac{x}{2}$ dir. (muhteşem Üçlü)
 $\triangle FBE \cong \triangle FDL$ (A.K.A); $|BEI| = |DLI| = 1$ cm
Öyleyse; $|LKII| = (\frac{x}{2} - 1)$ cm dir.
 $\triangle CKL \sim \triangle CBE$ (A.A.A); $\frac{1}{2} = \frac{(\frac{x}{2} - 1)}{1}$, $|BCI| = x = 3$ cm

Cevap "B"

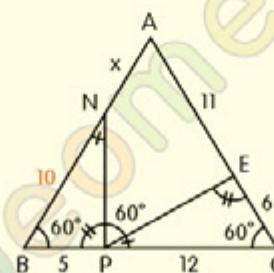
2.



DBE dik Üçgeninde, $|DCI| = |ICEI$ ise;
 $|DCI| = |BCI| = |ICEI$ dir. (muhteşem Üçlü)
 $[AE]$ çizelim.
ABE Üçgeninde, $[AC] \perp [BE]$ ve $|BCI| = |ICEI$ ise;
ABE Üçgeni ikizkenardır. $|AEI| = 13$ cm
ADE dik Üçgeninde, pisagor; $|DEI| = 12$ cm

Cevap "D"

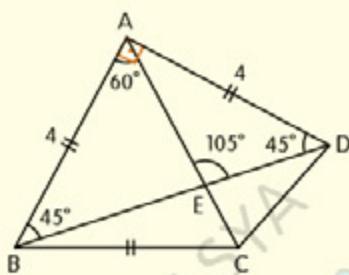
4.



$|ECI| = 6$ cm, $\triangle BNP \sim \triangle CPE$ (A.A.A)
 $\frac{|BNI|}{12} = \frac{5}{6}$, $|BNI| = 10$ cm, $|ANI| = x = 7$ cm

Cevap "D"

5.

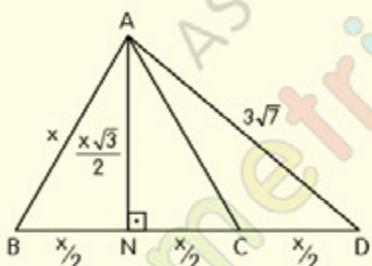
ABD Üçgeninde, $|ABI| = |ADI| = 4 \text{ cm}$

$$60^\circ + m(\widehat{EBA}) = 105^\circ \text{ (dış açı)}, m(\widehat{EBA}) = 45^\circ$$

$$|ABI| = |ADI|, m(\widehat{DBA}) = m(\widehat{ADB}) = 45^\circ$$

ABD Üçgeninde, $m(\widehat{BAD}) = 90^\circ$ ABD dik üçgeninde pisagor, $|BD| = 4\sqrt{2} \text{ cm}$ **Cevap "D"**

6.



$$x + |CD| = 3|CD|, |CD| = x/2 \text{ cm}$$

ABC eşkenar üçgeninde, $[AN] \perp [BC]$ olsun.

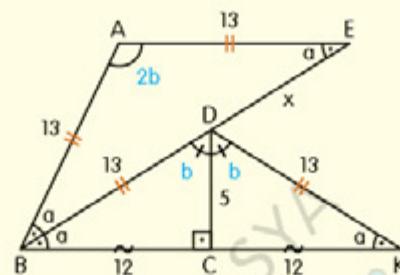
$$|ANI| = \frac{x\sqrt{3}}{2} \text{ cm}, |IBN| = |INC| = x/2 \text{ cm}$$

AND dik üçgeninde, pisagordan;

$$\frac{3x^2}{4} + x^2 = 63, |ABI| = x = 6 \text{ cm}$$

Cevap "C"

7.



$$m(\widehat{CBD}) = a, m(\widehat{BDC}) = b \text{ diyelim.}$$

$$m(\widehat{AEB}) = a \text{ (İç ters açı)}, |AE| = |ABI| = |BDI| = 13 \text{ cm}$$

DBC üçgeninde pisagordan, $|BC| = 12 \text{ cm}$

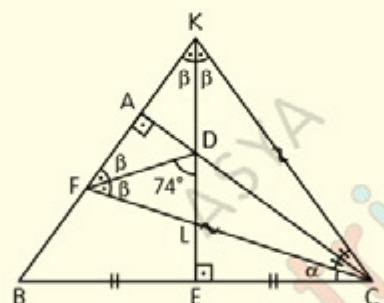
$$a + b = 90^\circ \text{ ise; } m(\widehat{BAE}) = 2b$$

DBK üçgeni ikizkenar ($|DB| = |DK|$) olsun.

$$\widehat{BAE} \cong \widehat{BDK} (\text{K.A.K}), 13 + x = 24, |DE| = x = 11 \text{ cm}$$

Cevap "A"

8.



$[BA]$ ile $[ED]$ nin uzantısının kesişikleri noktaya K diyelim ve K ile C noktasını birleştirelim.

$[KE] \perp [BC]$ ve $|BE| = |EC|$; KBC ikizkenar

KFC üçgeninde $[FD]$ ve $[KL]$ açıortay ise,
 $[CA]$ açıortaydır.

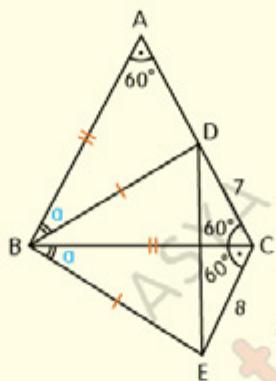
$[CA] \perp [KB]$ ve $[CA]$ açıortay; KFC ikizkenar

$$m(\widehat{FDE}) = 2\beta = 74^\circ \text{ (dış açı), } \beta = 37^\circ$$

$$m(\widehat{CLD}) = 37^\circ + 74^\circ = \alpha + 90^\circ, m(\widehat{FCB}) = \alpha = 21^\circ$$

Cevap "B"

9.



$$m(\widehat{DBA}) = \alpha \text{ diyelim. } m(\widehat{CBD}) = 60^\circ - \alpha$$

$$\text{Öyleyse, } m(\widehat{DBA}) = m(\widehat{EBC}) = \alpha$$

$$\triangle ABD \cong \triangle CBE \text{ (K.A.K), } m(\widehat{BAC}) = m(\widehat{BCE}) = 60^\circ$$

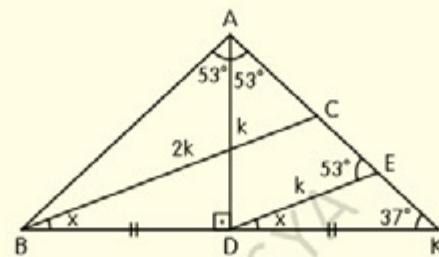
CDE üçgeninde kosinüs teoremi,

$$x^2 = 7^2 + 8^2 - 2 \cdot 7 \cdot 8 \cdot \cos 120^\circ, |ED| = 13 \text{ cm}$$

Cevap "E"

dersimizgeometri.com

11.



ABK ikizkenar üçgeninde, $[BC] \parallel [DE]$ çizelim.

$\triangle CBK \sim \triangle EDK$ ve $|IBD| = |DKI|$ olduğundan,

$|BCI| = 2|IDE|$ dir.

$|BCI| = 2|ADI|$ ise, $|ADI| = |IDE|$ olur.

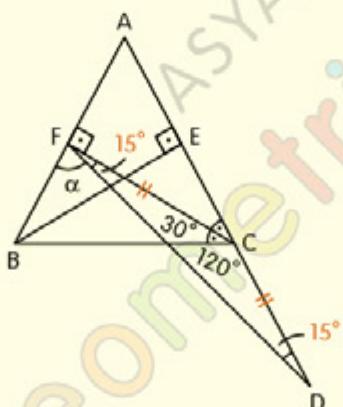
$|ADI| = |IDE|; m(\widehat{DAE}) = m(\widehat{AED}) = 53^\circ$

$m(\widehat{KBC}) = m(\widehat{KDE}) = x$ (yöndeş açılar)

$x + 37^\circ = 53^\circ$ (dış açı), $x = 16^\circ$ bulunur.

Cevap "B"

10.



$[CF] \perp [AB], |BE| = |CF|$

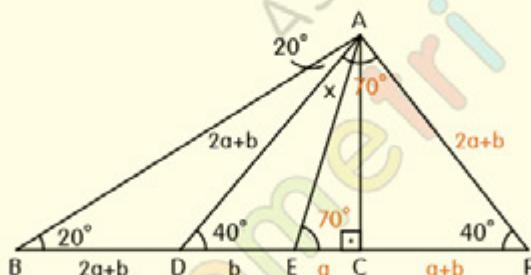
O halde, $|BE| = |CF| = |CD|$

Tepe açısı 150° olan, CFD ikizkenar üçgeninde;

$$m(\widehat{DFC}) = m(\widehat{CDF}) = 15^\circ, m(\widehat{BFD}) = \alpha = 90^\circ - 15^\circ = 75^\circ$$

Cevap "E"

12.



$|ECI| = a, |IDE| = b, |IBD| = |ADI| = 2a + b$

ADP üçgeni ikizkenar olsun.

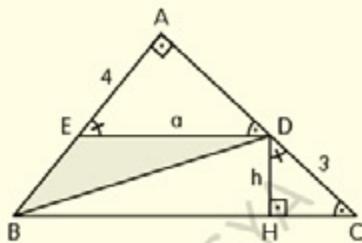
$m(\widehat{APD}) = 40^\circ, |CP| = a + b$

AEP üçgeninde; $|PAI| = |PDI| = 2a + b$

$m(\widehat{PEA}) = m(\widehat{EAP}) = 70^\circ, m(\widehat{DAE}) = x = 30^\circ$

Cevap "E"

1.

 $[DH] \perp [BC]$ olsun.

$$m(\widehat{DCH}) = m(\widehat{ADE}) \text{ (yöndeş açılar)}$$

$$\widehat{ADE} \sim \widehat{HCD} \text{ (A.A.A)}$$

$$\frac{|EDI|}{|DCI|} = \frac{|AEI|}{|DHI|}$$

$$\frac{a}{3} = \frac{4}{h}, a \cdot h = 12 \text{ cm}^2$$

$$A(EBD) = \frac{a \cdot h}{2} = \frac{12}{2} = 6 \text{ cm}^2 \text{ dir.}$$

Cevap "A"

3. D ile C yi doğrusal olarak birleştirelim.

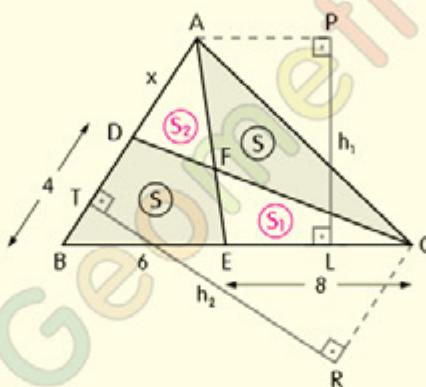
$$A(DBK) = A(DKL) = A(DLC) = S \text{ dersek;}$$

 $|BDI| = 3|ADI|$ olduğundan, $A(ADC) = S$ olur.

$$\frac{A(DKL)}{A(ABC)} = \frac{1}{4} \text{ bulunur.}$$

Cevap "B"

4.



$$A(DBEF) = A(AFC) = S, A(FEC) = S_1, A(ADF) = S_2$$

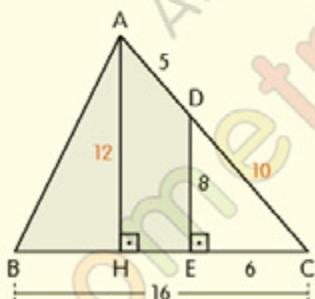
$$A(AEC) = A(DBC) = S + S_1, 8h_1 \cdot \frac{1}{2} = 4h_2 \cdot \frac{1}{2} \quad 1$$

$$A(ABE) = A(ADC) = S + S_2, 6h_1 \cdot \frac{1}{2} = xh_2 \cdot \frac{1}{2} \quad 2$$

1 ve 2 yi, taraf tarafa bölersek; $|ADI| = x = 3 \text{ cm}$

Cevap "B"

2.

DEC üçgeninde pisagor, $|DC| = 10 \text{ cm}$ $[AH] \perp [BC]$ olsun.

$$\widehat{CDE} \sim \widehat{CAH}, \frac{10}{15} = \frac{8}{|AH|}, |AH| = 12 \text{ cm}$$

$$A(ABED) = A(ABC) - A(DEC) = 96 - 24 = 72 \text{ cm}^2$$

Cevap "D"

5.



$$A(ABC) = A(FBD) = (S + A) \text{ cm}^2$$

$$\frac{1}{2} \cdot (6+x) \cdot 12 \cdot \sin\alpha = \frac{1}{2} \cdot x \cdot 20 \cdot \sin\alpha$$

$$(6+x) \cdot 12 = x \cdot 20, |FB| = x = 9 \text{ cm}$$

Cevap "C"

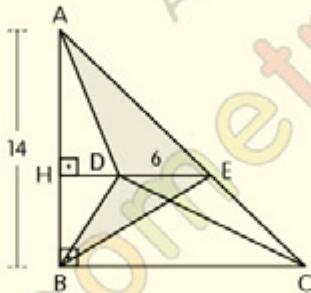
ÜÇGENDE ALAN

6. $A(ABEC) = \frac{|AE| \cdot |BC|}{2} \cdot \sin(\widehat{CDA})$

$$A(ABEC) = \frac{7 \cdot 12\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 63 \text{ cm}^2$$

Cevap "E"

7.

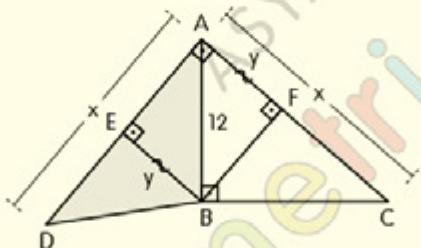


$[DB]$ ve $[EB]$ çizerek; $DBCE$ dörtgeninde yük selikler eşit olduğundan, $A(DCE) = A(DBE)$ dir. Buna göre; $A(ADC) = A(AEBD)$ olur.

$$A(ADC) = A(AEBD) = \frac{6 \cdot 14}{2} \cdot \sin 90^\circ = 42 \text{ cm}^2$$

Cevap "A"

8.



$|ADI| = |ACI| = x \text{ cm}$ olsun.

$[BE] \perp [AD]$, $[AF] \perp [AC]$ çizelim.

$AEBF$ dikdörtgen, $|EBI| = |AFI| = y \text{ cm}$

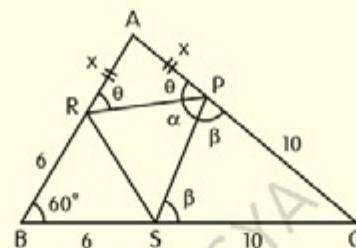
ABC Üçgeninde öklid bağıntısını yazalım.

$$|ABI|^2 = |AFI| \cdot |FCI|; 12^2 = y \cdot x, x \cdot y = 144 \text{ cm}^2$$

$$A(ADB) = \frac{x \cdot y}{2} = \frac{144}{2} = 72 \text{ cm}^2 \text{ dir.}$$

Cevap "E"

9.



$$A(ABC) = \sqrt{u \cdot (u-a) \cdot (u-b) \cdot (u-c)}$$

$$40\sqrt{3} = \sqrt{(16+x) \cdot x \cdot 6 \cdot 10}$$

$$x^2 + 16x - 80 = 0$$

$$(x-4) \cdot (x+20) = 0, x = 4 \text{ cm}$$

$$40\sqrt{3} = \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 16 \cdot \sin B, \sin B = \frac{\sqrt{3}}{2}, m(B) = 60^\circ$$

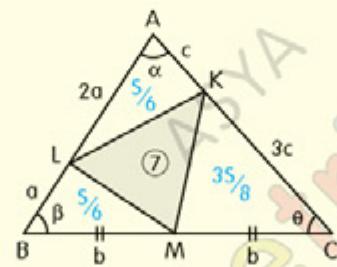
ABC Üçgeninde,

$$180^\circ - 20^\circ + 60^\circ + 180^\circ - 2\beta = 180^\circ$$

$$\theta + \beta = 120^\circ, m(\widehat{RPS}) = \alpha = 60^\circ \text{ olur.}$$

Cevap "D"

10.(1)



$$A(ABC) = S \text{ cm}^2 \text{ olsun.}$$

$$\frac{1}{2} \cdot 3a \cdot 4c \cdot \sin \alpha = S, A(ALK) = \frac{1}{2} \cdot 2a \cdot c \cdot \sin \alpha = \frac{S}{6}$$

$$\frac{1}{2} \cdot 3a \cdot 2b \cdot \sin \beta = S, A(LBM) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot b \cdot \sin \beta = \frac{S}{6}$$

$$\frac{1}{2} \cdot 2b \cdot 4c \cdot \sin \theta = S, A(KMC) = \frac{1}{2} \cdot b \cdot 3c \cdot \sin \theta = \frac{3S}{8}$$

$$\frac{S}{6} + \frac{S}{6} + \frac{3S}{8} + 7 = S, A(ABC) = S = 24 \text{ cm}^2$$

Cevap "B"

10.(2)

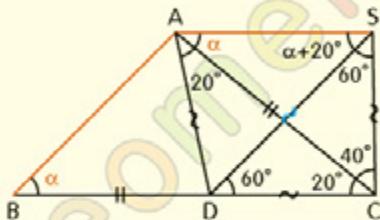
$$\frac{A(ABC)}{A(KLM)} = \frac{|ABI| \cdot |BCI| \cdot |ACI|}{|IAL| \cdot |IBM| \cdot |KCI| + |LBI| \cdot |IMC| \cdot |IAK|}$$

$$\frac{A(ABC)}{7\text{ cm}^2} = \frac{3a \cdot 2b \cdot 4c}{2a \cdot b \cdot 3c + a \cdot b \cdot c} = \frac{24abc}{7abc}$$

$$A(ABC) = 24 \text{ cm}^2$$

Cevap "B"

11.



$m(\widehat{CBA}) = \alpha$ olsun.

$|ABI| = |ASI|$, $m(\widehat{CAS}) = \alpha$ olacak şekilde bir S noktası alalım. S ve C noktalarını birleştirelim.

Buna göre; $\widehat{DBA} \cong \widehat{CAS}$ (K.A.K) bulunur.

Buradan; $|ADI| = |SCI|$, $m(\widehat{ADB}) = m(\widehat{SCA}) = 40^\circ$

SDC ikizkenar Üçgeninde; $m(\widehat{SCD}) = 60^\circ$ olduğundan; SDC Üçgeni eşkenardır.

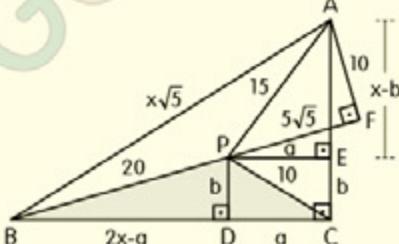
ADS Üçgeninde; $m(\widehat{DAS}) = m(\widehat{ASD}) = \alpha + 20^\circ$

CAS Üçgeninde; $m(\widehat{CAS}) = \alpha = 30^\circ$ bulunur.

$$A(ABC) = \frac{1}{2} \cdot 24 \cdot \sin 30^\circ = 6 \text{ cm}^2$$

Cevap "B"

12.(1)



\widehat{PBD} nde pisagor, $x^2 - xa = 75$ 1 ($a^2 + b^2 = 100$)

\widehat{APE} nde pisagor, $x^2 - 2xb = 125$ 2 ($a^2 + b^2 = 100$)

$$A(PBC) = 2xb \cdot 1/2, x^2 = 125 + 2A(PBC) \text{ cm}^2$$

1 ve 2' yi taraf tarafa toplayıp, 2 ye bölersek;
 $x^2 - xa - xb = 100$, yani; $A(APB) = 100 \text{ cm}^2$ dir.

$$100 = 20 \cdot |AF| \cdot 1/2, |AF| = 10 \text{ cm}$$

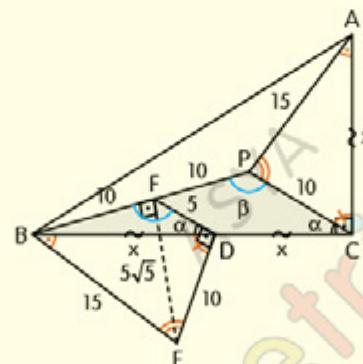
\widehat{APF} nde pisagor, $|PF| = 5\sqrt{5} \text{ cm}$

$$A(BF) \text{ nde pisagor, } x^2 = 125 + 40\sqrt{5} \text{ cm}^2$$

$$3 \text{ ve } 4' \text{ den; } A(PBC) = 20\sqrt{5} \text{ cm}^2$$

Cevap "C"

12.(2)



$\widehat{DBE} \cong \widehat{CAP}$ (K.A.K), $[DF] // [CP]$, $m(\widehat{PCB}) = \alpha$ ve

$m(\widehat{BPC}) = \beta$ olsun. $\widehat{BFD} \sim \widehat{BPC}$ (A.A.A), $|DF| = 5 \text{ cm}$

$m(\widehat{FDE}) = 90^\circ$ dir. \widehat{FED} nde pisagor, $|FE| = 5\sqrt{5} \text{ cm}$

\widehat{FBE} nde, IBE hipotenüs olur. $m(\widehat{BFE}) = 90^\circ$

$$m(\widehat{EFD}) = \beta - 90^\circ, \cos(\beta - 90^\circ) = \sin \beta = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$A(PBC) = \frac{1}{2} \cdot 20 \cdot 10 \cdot \frac{1}{\sqrt{5}} = 20\sqrt{5} \text{ cm}^2$$

Cevap "C"

1. ABC üçgeninde,

F açıortayların kesim noktası olduğundan;

$$\frac{|BF|}{|FE|} = \frac{|AB| + |BC|}{|AC|}$$

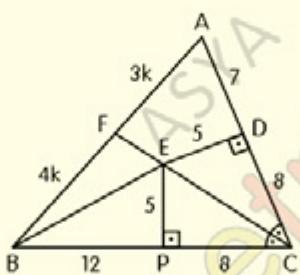
$$\frac{|BF|}{|FE|} = \frac{13+19}{16} = 2$$

$|BF| = 2|FE|$ olur.

$$\frac{|BE|}{|FE|} = \frac{2|FE| + |FE|}{|FE|} = 3 \text{ tür.}$$

Cevap "D"

- 2.



$[EP] \perp [BC]$ çizersek;

$|EDI| = |EPI| = 5 \text{ cm}$, $|DCI| = |PCI| = 8 \text{ cm}$ olur.

$|AF| = 3k$, $|BFI| = 4k$

ABC Üçgeninde iç açıortay teoreminden;

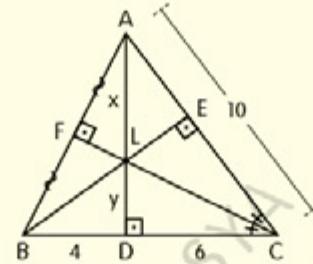
$$\frac{15}{3k} = \frac{8+12}{4k}, |BPI| = 12 \text{ cm}$$

EBP Üçgeninde pisagor bağıntısından,

$$|BE|^2 = 5^2 + 12^2, |BE| = 13 \text{ cm}$$

Cevap "E"

- 3.



L noktası diklik merkezi, $|DCI| = 10 - 4 = 6$ br

$|ADI| = 8$ br, (ADC 6-8-10 dik üçgeni)

$|ALI| = x$ br, $|LDI| = y$ br olsun.

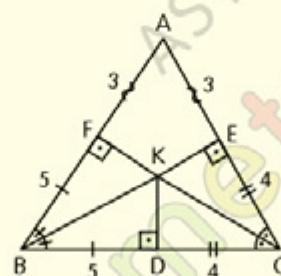
ADC Üçgeninde iç açıortay teoreminden;

$$\frac{10}{x} = \frac{6}{y}, \frac{y}{x} = \frac{3}{5}; y+x = 8k = 8, k=1$$

$y = 3$ br, $|LBI| = x = 5$ br olur.

Cevap "B"

- 4.



ABC Üçgeninde, $[BK]$ ve $[CK]$ açıortay ise;

K noktası, ABC Üçgeninin iç açıortaylarının kesim noktasıdır. $[KF] \perp [AB]$, $[KE] \perp [AC]$ derset;

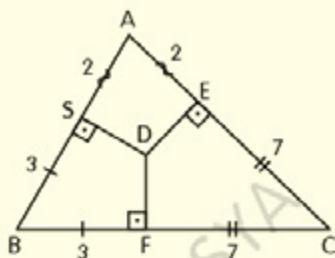
$|KDI| = |KFI| = |KEI|$, $|FBI| = |BDI| = 5$ cm,

$|AF| = |AE| = 3$ cm, $|EC| = |CD| = 4$ cm olur.

Buna göre; $|AC| = x = 7$ cm bulunur.

Cevap "B"

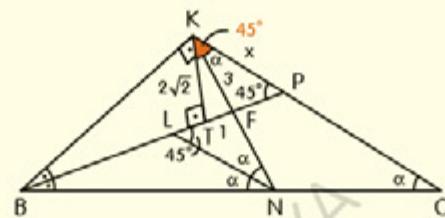
5.



D noktası, ABC Üçgeninin iç teğet çemberinin merkezi (iç açıortayların kesim noktası) ise;
 $|FC| = |EC| = 7 \text{ cm}$, $|AE| = |AS| = 2 \text{ cm}$,
 $|BS| = |BF| = 3 \text{ cm}$ dir. Çevre(ABC) = 24 cm

Cevap "A"

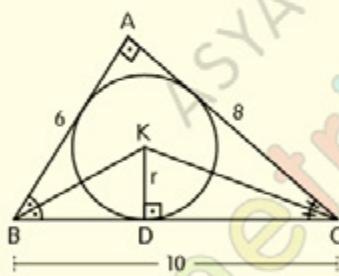
7.



$[NL] \parallel [KC]$, $m(\widehat{KNL}) = m(\widehat{LNB}) = \alpha$, $m(\widehat{NLP}) = 45^\circ$
 $m(\widehat{NLP}) = m(\widehat{KPL}) = 45^\circ$ (iç ters açılar)
 $[KT] \perp [BP]$, $m(\widehat{TKP}) = 45^\circ$
KBF Üçgeninde öklid bağıntısından;
 $3^2 = IFT \cdot 9$, $|IFT| = 1 \text{ cm}$, pisagor; $|IKT| = 2\sqrt{2} \text{ cm}$
KTP ikizkenar dik Üçgeninde;
 $|KPI| = x = 2\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 4 \text{ cm}$ olur.

Cevap "A"

6.



ABC Üçgeninde K, iç teğet çemberin merkezi ve $|KDI|$, iç teğet çemberin yarıçapı (K nin [BC] ye en kısa uzaklığı) dır.

$|BC| = 10 \text{ cm}$, (ABC (6-8-10) dik Üçgeni)

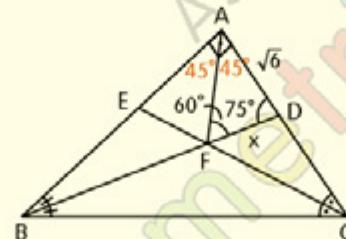
Buna göre; $A(ABC) = u \cdot r$ 'den,

$$\frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 8 = \frac{6+8+10}{2} \cdot r, |KDI| = r = 2 \text{ cm} \text{ bulunur.}$$

Cevap "B"

dersimizgeometri.com

8.



$[BD]$ ve $[CE]$ açıortay ise; $[AF]$ açıortayıdır.

$$m(\widehat{BAF}) = m(\widehat{FAC}) = 45^\circ, m(\widehat{DFA}) = 60^\circ$$

$[DP] \perp [AF]$ olsun.

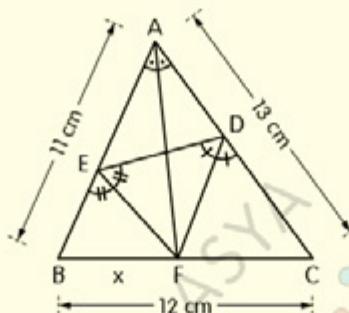
APD ($45^\circ - 45^\circ - 90^\circ$) dik Üçgeninde; $|PDI| = \sqrt{3} \text{ cm}$

FPD ($30^\circ - 60^\circ - 90^\circ$) dik Üçgeninde;

$$|FDI| = x = 2 \text{ cm}$$

Cevap "C"

9.



AED Üçgeninde [EF] ve [DF] dış açıortay olduğundan, [AF] açıortaydır.

ABC Üçgeninde iç açıortay teoreminden;

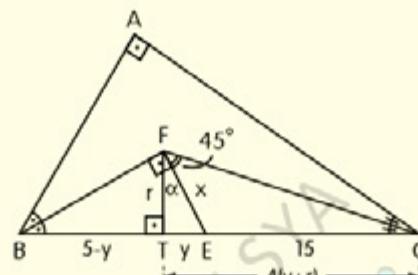
$|BF| = 11k$ cm, $|FC| = 13k$ cm olur.

$$24k = 12, k = \frac{1}{2} \text{ cm}$$

$|BF| = x = 5,5$ cm dir.

Cevap "D"

11.



$[FT] \perp [BC]$, $|FT| = r$, $|TE| = y$, $|BT| = 5-y$, $u = r+\alpha$

$S = u.r$, $A(ABC) = IBT| \cdot ITCl$, $(r+\alpha).r = |IBT| \cdot ITCl$

$$(r+20).r = (5-y).(15+y)$$

$$r^2 + 20r = 75 - 10y - y^2$$

$r^2 = 5y - y^2$ (öklid bağıntısı)

$$5y - y^2 + 20r = 75 - 10y - y^2, 3y + 4r = 15$$

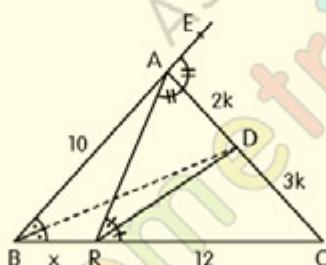
$$\tan(\alpha + 45^\circ) = \frac{\tan\alpha + \tan 45^\circ}{1 - \tan\alpha \cdot \tan 45^\circ} = \frac{(y/r) + 1}{1 - (y/r) \cdot 1}$$

$$\frac{4(y+r)}{r} = \frac{y+r}{r-y}, r = \frac{4y}{3}; 3y + 4 \cdot \frac{4y}{3} = 15, y = \frac{9}{5}$$

$$x^2 = 5y \text{ (öklid bağıntısı)}, |FE| = x = 3 \text{ cm}$$

Cevap "C"

10.



ABR Üçgeninde, D noktası dış açıortayların kesim noktası olduğundan; [BD] açıortay olur.

$$|AD| = 2k, |DC| = 3k$$

ABC Üçgeninde iç açıortay teoreminden;

$$\frac{10}{2k} = \frac{x+12}{3k}, |BR| = x = 3 \text{ cm dir.}$$

Cevap "B"

12. [AD] dış açıortay olduğundan,

$$\frac{|DC|}{|DB|} = \frac{|AC|}{|AB|} \text{ dir. } \frac{|DC|}{|DB|} = \frac{6}{8}, |DB| = \frac{4}{3} \cdot |DC|$$

ABC Üçgeninde dış açıortay uzunluğundan,

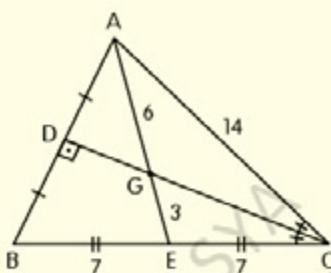
$$|AD|^2 = |DC| \cdot |DB| - |AC| \cdot |AB| \text{ dir.}$$

$$(4\sqrt{6})^2 = |DC| \cdot \frac{4}{3} \cdot |DC| - 6 \cdot 8$$

$$|CD| = 6\sqrt{3} \text{ cm bulunur.}$$

Cevap "D"

1.



$$|GE|=3 \text{ cm}, |BE|=|EC|=7 \text{ cm}, |ADI|=|DBI$$

(G ağırlık merkezi)

$|ADI|=|DBI$ ve $[CD] \perp [AB]$; $\triangle ABC$ ikizkenar

$$|AC|=|BC|=14 \text{ cm}, m(\widehat{ACD})=m(\widehat{DCB})$$

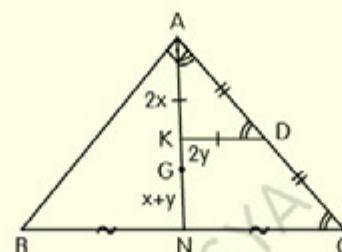
AEC Üçgeninde iç açıortay uzunluğundan,

$$|GCI|^2 = |ACI| \cdot |ECI| - |AGI| \cdot |GEI|$$

$$|GCI|^2 = 14 \cdot 7 - 6 \cdot 3, |GCI| = 4\sqrt{5} \text{ cm bulunur.}$$

Cevap "D"

3.



$$|AK|=2x, |KG|=2y \text{ dersek; } |GN|=x+y \text{ olur.}$$

ANC Üçgeninde $[KD] \parallel [NC]$ ve $|ADI|=|DCI|$ olduğundan, $|AK|=|KN|$ dir.

$$2x=2y+x+y, x=3y$$

ABC dik Üçgeninde $|IBN|=|INC|$ olduğundan,

$$|IBN|=|INC|=|IAN| \text{ dir. } m(\widehat{NAC})=m(\widehat{ACN})$$

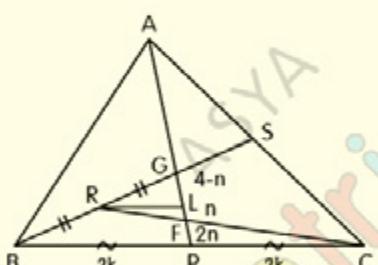
$$m(\widehat{ACN})=m(\widehat{ADK}) \text{ (yöndeş açılar)}$$

AKD Üçgeninde $|AK|=|KD|=2x$ olur.

$$\frac{|AG|}{|KD|} = \frac{2(x+y)}{2x} = \frac{3y+y}{3y} = \frac{4}{3} \text{ bulunur.}$$

Cevap "B"

2.



$$|BPI|=|PCI|=2k \text{ cm (G ağırlık merkezi) ve}$$

$[RL] \parallel [BP]$ olsun.

$\triangle GRL \sim \triangle GBP$ (A.A.A); $|RL|=k$ cm ve $|GL|=|LP|$

$$|LF|=n \text{ cm diyeлим. } |GL|=4-n \text{ cm}$$

$\triangle RFL \sim \triangle CFP$ (A.A.A); $|FP|=2n$ cm

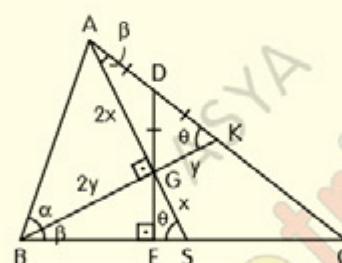
$$|GL|=|LP|, 4-n=3n, n=1 \text{ cm}$$

$$|AG|=2|GP|=8+4n \text{ cm (G ağırlık merkezi)}$$

$$|AG|=12 \text{ cm bulunur.}$$

Cevap "A"

4.



AGK dik Üçgeninde $|ADI|=|DGI|=|DKI|$ dir.

$$m(\widehat{GAK})=\beta, m(\widehat{AKG})=\theta \text{ olsun.}$$

$$\text{Açılar yerine yazılırsa; } m(\widehat{EBG})=\beta, m(\widehat{GSB})=\theta$$

G ağırlık merkezi; $|AG|=2|GS|, |BG|=2|GK|$

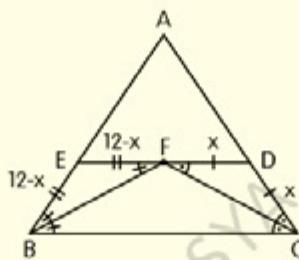
$$A(AGK)=A(BGS)=x \cdot y$$

$$\triangle AGK \sim \triangle BGS \text{ (A.A.A); } \left(\frac{|AG|}{|BG|}\right)^2 = 1$$

$$|AG|=|BG|; m(\widehat{GBA})=\alpha=45^\circ \text{ bulunur.}$$

Cevap "C"

1.



$$|DC| = x \text{ cm}, |EB| = 12-x \text{ cm}$$

$$m(\widehat{FCB}) = m(\widehat{CFD}) \text{ (iç t. a.)}, |DF| = |DC| = x \text{ cm}$$

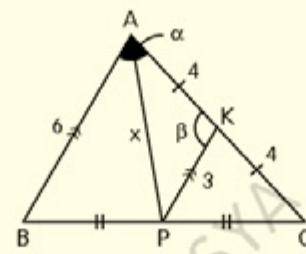
$$m(\widehat{CBF}) = m(\widehat{EFB}) \text{ (iç t. a.)}, |EF| = |EB| = 12-x \text{ cm}$$

$$|EB| + |DC| = |ED| = 12 \text{ cm}$$

AED Üçgeninde; $12 < |AE| + |AD|$, $|AE| + |AD|$ nin en küçük tam sayı değeri 13 cm olur.

Cevap "C"

3.



$[PK] // [AB]$, $\alpha + \beta = 180^\circ$, $\alpha < 90^\circ$ ise; $90^\circ < \beta$ dir.

$$\triangle ABC \sim \triangle KPC; |AK| = |KC| = 4 \text{ cm}, |KP| = 3 \text{ cm}$$

APK Üçgeninde; $4-3 < x < 4+3$, $1 < x < 7$

$$90^\circ < \beta, 4^2 + 3^2 < x^2, 5 < x, 5 < x < 7, \text{ buna göre;}$$

x tam sayı değeri $|API| = x = 6 \text{ cm}$ bulunur.

Cevap "D"

2. Bir ABC Üçgeninde aynı kenara ait yükseklik, açıortay, kenarortay sırasıyla h_a , n_a , V_a ve $|ABI| \neq |ACI|$ olmak üzere; $h_a < n_a < V_a$ dir. Şekildeki ABC Üçgeninde;
 $12 < n_a < 16$ dir.
 Buna göre n_a : 13, 14, 15 olabilir.

Cevap "C"

$$4. \quad 90^\circ < m(\widehat{A}), 10^2 < b^2 + c^2 \text{ } 1$$

$$m(\widehat{C}) < m(\widehat{B}), c^2 < b^2 \text{ } 2$$

1 ve 2' yi taraf tarafa toplarsak;

$$10^2 + c^2 < 2b^2 + c^2, \sqrt{50} < b \text{ olduğundan}$$

$$\sqrt{50} < b < 10 \text{ bulunur.}$$

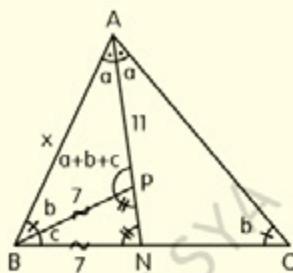
$$\sqrt{10^2 - b^2} < c < b$$

$$\sqrt{100 - 64} < c < 8, \sqrt{100 - 81} < c < 9$$

c tam sayı değerleri = {5, 6, 7, 8} dir.

Cevap "B"

5.



$$m(\widehat{BAC}) = 2\alpha, m(\widehat{ACB}) = \beta, m(\widehat{CBP}) = \gamma$$

$$m(\widehat{BPN}) = m(\widehat{PNB}) = \alpha + \beta \text{ (dış açı)}, |BP| = |BN| = 7$$

$$\text{ABP Üçgeninde: } 4 < x < 18, m(\widehat{APB}) = \alpha + \beta + \gamma$$

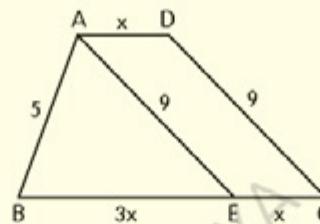
$$2\alpha + 2\beta + \gamma = 180^\circ \text{ olduğundan; } 90^\circ < \alpha + \beta + \gamma \text{ dir.}$$

Buna göre; $\sqrt{170} < x < 18$ aralığında $|AB| = x$

4 tamsayı değeri alır.

Cevap "A"

7.



$|ADI| = x \text{ cm olsun ve } [AE] \parallel [DC] \text{ çizelim.}$

$AECD$ paralelkenar olduğundan,

$$|AE| = |DC| = 9 \text{ cm}, |ADI| = |ECD| = x \text{ cm dir.}$$

$$|BE| = 4x - x = 3x \text{ cm}$$

ABE de Üçgen eşitsizliğinden,

$$4 < 3x < 14, \frac{4}{3} < x < \frac{14}{3} \text{ tür.}$$

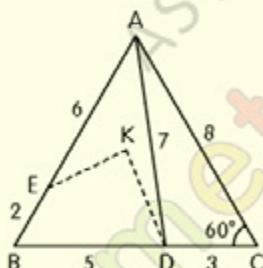
$$\text{Çevre}(ABCD) = 14 + 5x < 14 + 5 \cdot \frac{14}{3}$$

$$\text{Çevre}(ABCD) < \frac{112}{3} \text{ cm olacağından,}$$

$\text{Çevre}(ABCD)$ en büyük 37 cm olur.

Cevap "D"

6.



$$|AE| = 6 \text{ cm}, |DC| = 3 \text{ cm}$$

$[AD]$ çizelim.

ADC Üçgeninde kosinüs teoreminden,

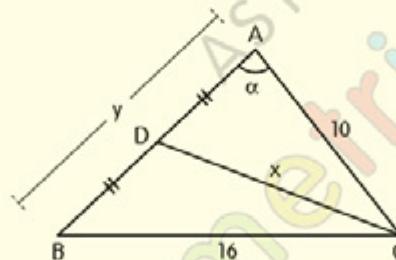
$$|ADI|^2 = 8^2 + 3^2 - 2 \cdot 8 \cdot 3 \cdot \cos 60^\circ, |ADI| = 7 \text{ cm}$$

$$|KE| + |KD| < |AE| + |ADI|, |KE| + |KD| < 13$$

$|KE| + |KD| = 12 \text{ cm}$ olur.

Cevap "E"

8.



ABC Üçgeninde; $\alpha > 90^\circ, y^2 + 10^2 < 16^2, y^2 < 156$

$$16 - 10 < y, 36 < y^2, 36 < y^2 < 156, 18 < y^2/2 < 78$$

$$y^2/2 = 10^2 + 16^2 - 2x^2 \text{ (kenarortay teoremi)}$$

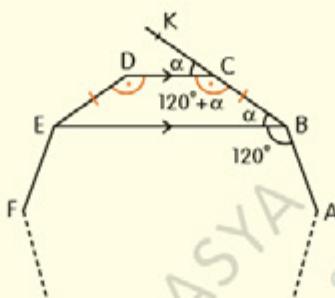
$$18 < 10^2 + 16^2 - 2x^2 < 78, -338 < -2x^2 < -278$$

$$169 > x^2 > 139, \sqrt{139} < x < 13$$

x tamsayı değeri $|DC| = x = 12 \text{ cm}$ bulunur.

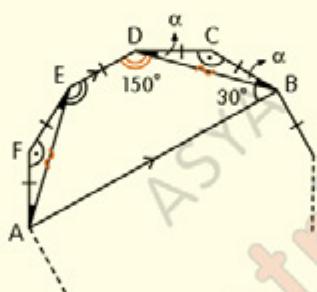
Cevap "A"

1.



$m(\widehat{EDC}) = m(\widehat{DCB})$ ve $|DEI| = |CBI|$ olduğundan,
 $[DC] \parallel [EB]$ dir. $m(\widehat{CBE}) = \alpha$ dersek;
 $m(\widehat{CBE}) = m(\widehat{KCD}) = \alpha$ (yöndeş açılar)
 $m(\widehat{CBA}) = m(\widehat{DCB}) = 120^\circ + \alpha$.
 $120^\circ + 2\alpha = 180^\circ$, $\alpha = 30^\circ$
Düzgün çokgenin dış açısı; $\alpha = 30^\circ$
kenar sayısı = $\frac{360^\circ}{30^\circ} = 12$ dir.

2.

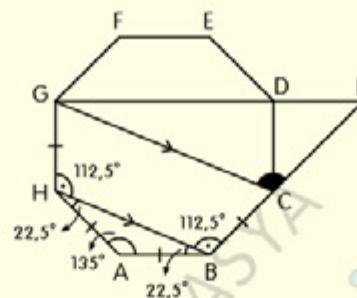


$\widehat{EFA} \cong \widehat{DCB}$ (K.A.K); $|AEI| = |BDI|$
ABDE dörtgeninde, $m(\widehat{AED}) = m(\widehat{EDB})$ ve
 $|AEI| = |BDI|$ olduğundan; $[ED] \parallel [AB]$ dir.
 $m(\widehat{EDB}) = 150^\circ$ (karşı durumlu açı)
 $m(\widehat{CBD}) = m(\widehat{BDC}) = \alpha$ dersek;
 $180^\circ - 2\alpha = 150^\circ + \alpha$ olur. $\alpha = 10^\circ$, dış açısı; 20°
n = $\frac{360^\circ}{20^\circ} = 18$ bulunur.

Cevap "A"

dersimizgeometri.com

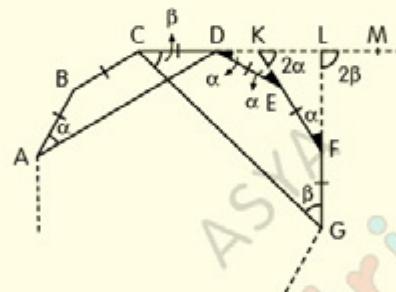
3.



Düzgün sekizgende bir iç açı; $180^\circ - \frac{360^\circ}{8} = 135^\circ$
HAB Üçgeninde; $m(\widehat{AHB}) = m(\widehat{HBA}) = 22.5^\circ$
 $m(\widehat{GHB}) = m(\widehat{HBC}) = 135^\circ - 22.5^\circ = 112.5^\circ$
GHBC dörtgeninde, $m(\widehat{GHB}) = m(\widehat{HBC})$ ve
IGHI = IBCI olduğundan; $[GC] \parallel [HB]$ dir.
 $m(\widehat{HBC}) = m(\widehat{GCP}) = 112.5^\circ$ (yöndeş açılar)

Cevap "E"

4.

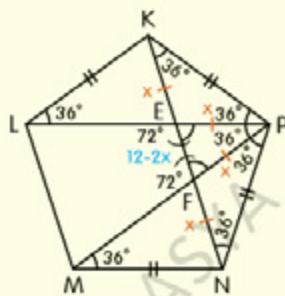


$m(\widehat{DAB}) = \alpha$;
düzgün çokgenin dış açısına eşit olacağından,
 $m(\widehat{EDK}) = m(\widehat{KED}) = m(\widehat{LFK}) = \alpha$ dir.
[DF] çizersek; $|LDL| = |LFL|$ olacağından,
 $m(\widehat{LGC}) = m(\widehat{GCL}) = \beta$ dir.
LCG Üçgeninde, $m(\widehat{GLM}) = 2\beta$ (dış açı)
KDE Üçgeninde, $m(\widehat{EKL}) = 2\alpha$ (dış açı)
 $3\alpha = 2\beta$, $\frac{\alpha}{\beta} = \frac{2}{3}$ tür.

Cevap "D"

Cevap "C"

5.



Düzenli beşgenin bir iç açısı; $180^\circ - \frac{360^\circ}{5} = 108^\circ$ dir. Açılar yerine yazılırsa;

$|KEI| = |EPI|$, $|EPI| = |PFI|$, $|PFI| = |FNI|$ olur.

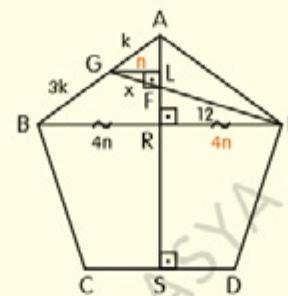
$|KEI| = |EPI| = |PFI| = |FNI| = x$ cm diyelim.

$|LP| = |PM| = |KN| = 12$ cm, $|EFI| = (12 - 2x)$ cm

Çevre(EFP) = $12 - 2x + x + x = 12$ cm dir.

Cevap "E"

7.



[BE] çizersek; [AS] \perp [BE] ($[CD] \parallel [BE]$) olur.

ABE ikizkenar üçgeninde; $|BRI| = |REI|$

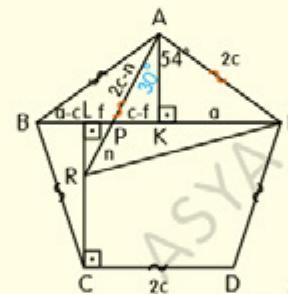
$|GL| \perp |AS|$ olsun.

$$\widehat{\triangle}AGL \sim \widehat{\triangle}ABR; \frac{1}{4} = \frac{|GL|}{|BR|}, \frac{1}{4} = \frac{|GL|}{|RE|}$$

$$\widehat{\triangle}GFL \sim \widehat{\triangle}EFR; \frac{x}{12} = \frac{1}{4}, |FG| = x = 3 \text{ cm}$$

Cevap "B"

8.



[BE] köşegen, $|AK| \perp |BE|$ ve $|CL| \perp |BE|$ (BCDE yamuk) çizelim. $|KEI| = a$, $|ARI| = 2c$ olsun.

$|BKI| = |KEI| = a$ ve $m(\widehat{\triangle}BAK) = m(\widehat{\triangle}KAE) = 54^\circ$

BCDE ikizkenar yamuğunda; $|BL| = a - c$ dir.

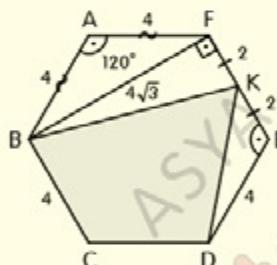
Öyleyse; $|LKI| = c$ olur.

$\widehat{\triangle}APK \sim \widehat{\triangle}RPL$ (A.A.A). $|LPI| = f$, $|RPI| = n$ diyelim.

$$f/(c-f) = n/(2c-n), n = 2f, m(\widehat{\triangle}PAK) = 30^\circ$$

ARE ikizkenar üçgeninde, tepe açısı 84° olduğundan; $m(\widehat{\triangle}ERA) = 48^\circ$ bulunur.

6.



Düzenli altigenin bir iç açısı; 120° dir.

[BF] çizersek; $|BF| \perp |FE|$ ve ABF Üçgeninde kosinüs teoreminden $|BFI| = 4\sqrt{3}$ cm olur.

$$A(KBCD) = A(ABCDEF) - (A(ABF) + A(FBK) + A(EKD))$$

$$A(ABCDEF) = \frac{4^2 \cdot \sqrt{3}}{4} \cdot 6 = 24\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

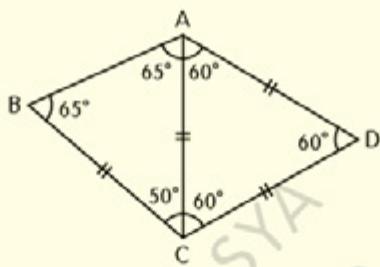
$$A(ABF) = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 4 \cdot \sin 120^\circ = 4\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$A(FBK) = 4\sqrt{3} \text{ cm}^2, A(EKD) = 2\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$A(KBCD) = 24\sqrt{3} - 10\sqrt{3} = 14\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

Cevap "B"

1.



A ile C noktasını birleştirelim.

$m(\widehat{ADC}) = 60^\circ$ ve $|ADI| = |DCI|$ olduğundan,

ACD Üçgeni eşkenardır. $|ADI| = |DCI| = |ACI|$

$m(\widehat{BAC}) = 125^\circ - 60^\circ = 65^\circ$

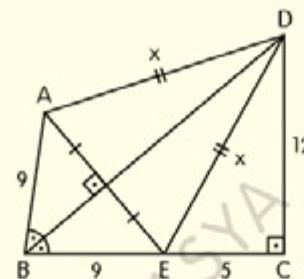
$\triangle ABC$ nde, $|CBI| = |ACI|$; $m(\widehat{BAC}) = m(\widehat{CBA}) = 65^\circ$

$130^\circ + m(\widehat{ACB}) = 180^\circ$, $m(\widehat{ACB}) = 50^\circ$

$m(\widehat{DCB}) = x = 50^\circ + 60^\circ = 110^\circ$

Cevap "B"

3.



$[AE] \perp [BD]$ çizip ve D ile E noktasını birleştirirsek, ABED deltoid olur.

$$|EC| = 14 - 9 = 5 \text{ cm}$$

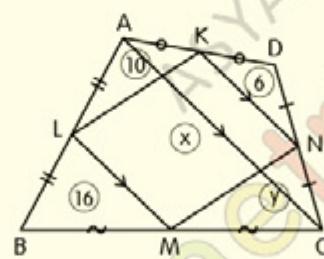
DEC (5-12-13) dik Üçgeninde,

$$|DE| = x = 13 \text{ cm} \text{ bulunur.}$$

Cevap "C"

dersimizgeometri.com

4.



ABCD dörtgeninde; K, L, M, N kenarların orta noktaları ise KLMN paralelkenاردır.

$\triangle DKN \sim \triangle DAC$ ve $\triangle BML \sim \triangle BCA$ dir. Benzerlik oranı

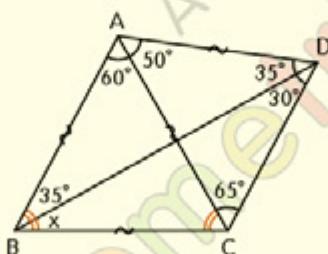
$\frac{1}{2}$ olduğundan, $\frac{6}{A(DAC)} = \frac{16}{A(BCA)} = \left(\frac{1}{2}\right)^2$ olur.

$$A(DAC) = 24 \text{ cm}^2, A(BCA) = 64 \text{ cm}^2$$

$$88 = 32 + x + y, x + y = 56 \text{ cm}^2 \text{ bulunur.}$$

Cevap "D"

2.



$m(\widehat{DBA}) = 35^\circ$; ABD Üçgeninde, $|ABI| = |ADI|$

$m(\widehat{DCA}) = 65^\circ$; ACD Üçgeninde, $|ADI| = |ACI|$

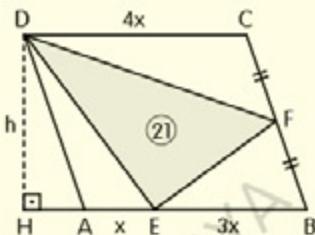
$m(\widehat{BAC}) = 60^\circ$ ve $|ABI| = |ACI|$ olduğundan,

ABC Üçgeni eşkenardır.

$x + 35^\circ = 60^\circ$, $m(\widehat{CBD}) = x = 25^\circ$

Cevap "A"

1.



EBCD yamuk ve $|CF| = |FB|$ olduğundan;

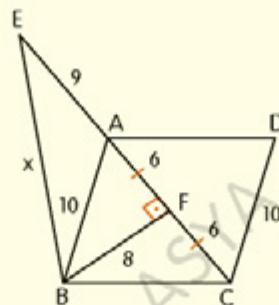
$$21 \text{ cm}^2 = \frac{1}{2} \cdot A(\text{EBCD}), A(\text{EBCD}) = 42 \text{ cm}^2 \text{ dir.}$$

$$A(\text{EBCD}) = \frac{3x+4x}{2} \cdot h = 42 \text{ cm}^2, x \cdot h = 12 \text{ cm}^2$$

$$A(\text{ABCD}) = 4x \cdot h = 48 \text{ cm}^2 \text{ bulunur.}$$

Cevap "B"

3.



ABCD eşkenar dörtgeninde,

$$|AB| = |BC| = |CD| = |DA| = 10 \text{ cm}$$

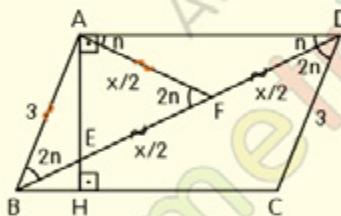
$$|BF| \perp |AC| \text{ olsun. } |AF| = |FC| = 6 \text{ cm}$$

$$\text{ABF dik üçgeninde pisagor, } |BF| = 8 \text{ cm}$$

$$\text{EBF dik üçgeninde pisagor, } |EB| = x = 17 \text{ cm}$$

Cevap "C"

2.



$$m(\widehat{ADB}) = n, m(\widehat{BDC}) = m(\widehat{DBA}) = 2n \text{ (i. t. a)}$$

$\triangle EDF$ üzerinde $|EF| = |FD|$ olacak şekilde bir F noktası alalım. O halde; $|AF| = |EF| = |FD| = x/2$

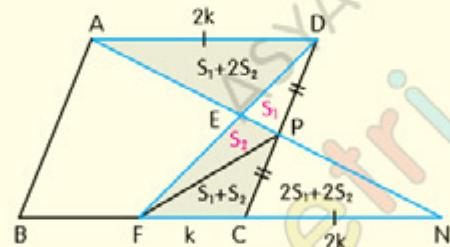
$$\text{AFD üçgeninde, } m(\widehat{AFB}) = 2n \text{ (dış açı)}$$

$$m(\widehat{AFB}) = m(\widehat{FBA}) = 2n, |AB| = |AF|$$

$$|FD| = x = 6 \text{ cm}$$

Cevap "D"

4.



$$A(\text{EPD}) = S_1, A(\text{FPE}) = S_2 \text{ olsun. } A(\text{PFC}) = S_1 + S_2$$

$$A(\text{AED}) = A(\text{EFCP}) = S_1 + 2S_2$$

$$\widehat{\text{PDA}} \cong \widehat{\text{PCN}} \text{ (A.K.A), } A(\text{PDA}) = A(\text{PCN}) = 2S_1 + 2S_2$$

$$A(\text{PFC}) / A(\text{PCN}) = 1/2, |FC| / |CN| = 1/2$$

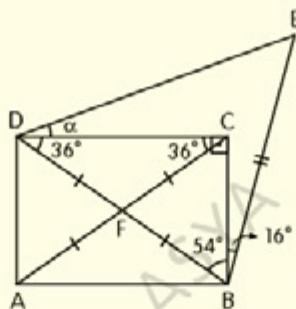
$$|FC| = k \text{ diyalim. } |CN| = 2k, |AD| = |CN| = 2k$$

$$\widehat{\text{EAD}} \sim \widehat{\text{ENF}} \text{ (A.A.A), } |DE| / |EF| = 2/3$$

$$|DE| / |DF| = 2/5$$

Cevap "C"

1.

 $[DB]$ çizelim.

$|DB| = |AC|, |DF| = |FB| = |AF| = |FC|$

\widehat{DFC} nde, $|DF| = |FC|; m(\widehat{DCF}) = m(\widehat{FDC}) = 36^\circ$

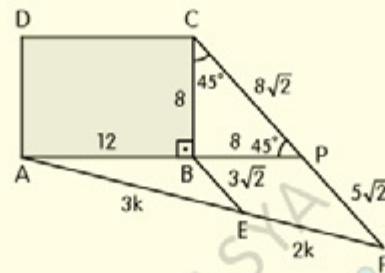
$m(\widehat{CBD}) = 90^\circ - 36^\circ = 54^\circ, m(\widehat{EBD}) = 70^\circ$

\widehat{BED} nde, $|DB| = |BE|; m(\widehat{BDE}) = m(\widehat{DEB}) = 55^\circ$

$\alpha + 36^\circ = 55^\circ, m(\widehat{CDE}) = \alpha = 19^\circ$

Cevap "A"

3.


 $\triangle ABE \sim \triangle APF$ (A.A.A)

$\frac{3k}{5k} = \frac{3\sqrt{2}}{|PF|}, |PF| = 5\sqrt{2} \text{ cm}$

$|CP| = 13\sqrt{2} - 5\sqrt{2} = 8\sqrt{2} \text{ cm}$

$\triangle CBP$ ($45^\circ - 45^\circ - 90^\circ$) dik üçgeninde,

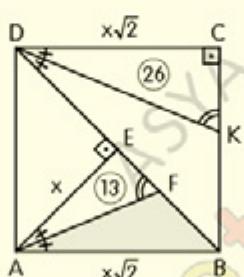
$|CB| = |BP| = 8 \text{ cm}$

$\frac{3}{2} = \frac{|AB|}{8}, |AB| = 12 \text{ cm}$

$A(ABCD) = 12 \cdot 8 = 96 \text{ cm}^2$

Cevap "D"

2.



Karenin bir kenarına $x\sqrt{2}$ cm dersek;

$|DE| = |EB| = |AE| = x \text{ cm}$ olur.

$\triangle DKC \sim \triangle AFE$ (A.A.A)

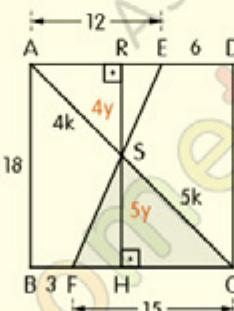
$\left(\frac{x}{x\sqrt{2}}\right)^2 = \frac{A(AFE)}{26}, A(AFE) = 13 \text{ cm}^2$

$\triangle EAB$ üçgeninde $[AF]$ açıortay olduğundan;

$\frac{x}{13} = \frac{x\sqrt{2}}{A(ABF)}, A(ABF) = 13\sqrt{2} \text{ cm}^2 \text{ bulunur.}$

Cevap "C"

4.

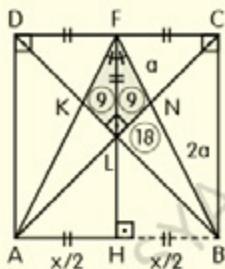

 $\triangle SEA \sim \triangle SFC$, $\frac{|ASI|}{|SCI|} = \frac{12}{15}, |ASI| = 4k, |SCI| = 5k$

Öyleyse; $|SRI| = 4y, |SHI| = 5y$ dir. $y = 2 \text{ cm}$

$A(SFC) = \frac{10 \cdot 15}{2} = 75 \text{ cm}^2$

Cevap "E"

5.



$\widehat{FDA} \cong \widehat{FCB}$ (K.A.K) olduğundan, $|FAI| = |FBI|$ dir.
 $|FHI|$ çizersek (F, L, H doğrusal); $|DFI| = |FCI|$ ve
 $|DLI| = |BLI|$ olduğundan, $[FH] \perp [AB]$ olur.

$$|AHI| = |HBI| = |DFI| = |FCI| = |FLI| = \frac{x}{2}$$

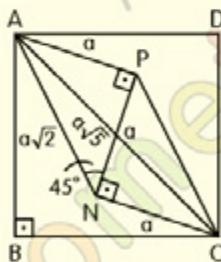
$m(\widehat{AFH}) = m(\widehat{HFB})$, $m(\widehat{CLF}) = m(\widehat{FLD}) = 45^\circ$ ve $[FL]$ kenarı ortak olduğundan $\widehat{FKL} \cong \widehat{FNL}$ bulunur.
 Buradan $A(FKL) = A(FNL) = 9 \text{ cm}^2$ dir.

$\widehat{NBA} \sim \widehat{NFC}$, $|NBI| = 2|NFI|$, $A(NLB) = 18 \text{ cm}^2$

$$A(FLB) = \frac{x^2}{4.2} = 27 \text{ cm}^2$$

Cevap "D"

6.



PAN ikizkenar dik üçgeninde; $|ANI| = a\sqrt{2} \text{ cm}$

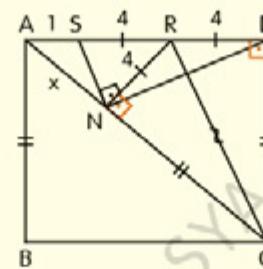
ANC Üçgeninde kosinüs teoremi;

$$|AC|^2 = (a\sqrt{2})^2 + a^2 - 2.a\sqrt{2}.a.\cos 135^\circ$$

$$|AC| = a\sqrt{5} \text{ cm}, A(ABCD) = \frac{a^2}{2} = \frac{5}{2}a^2 \text{ cm}^2$$

Cevap "B"

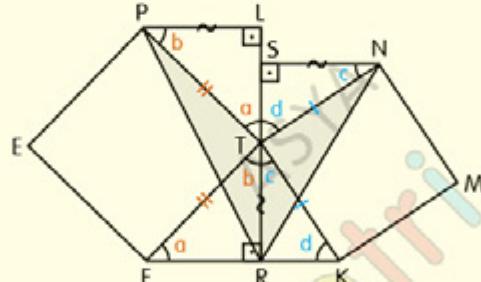
7.



$[SD]$ üzerinde $|ISRI| = |IRDI|$ olacak şekilde bir R noktası alalım. O halde; $|ISRI| = |IRDI| = |INRI| = 4 \text{ cm}$
 $\widehat{RNC} \cong \widehat{RDC}$ (K.K.K), $m(\widehat{CNR}) = m(\widehat{RDC}) = 90^\circ$
 ANR Üçgeninde, $m(\widehat{RNA}) = 90^\circ$
 ANR dik Üçgeninde pisagor, $|ANI| = x = 3 \text{ cm}$

Cevap "C"

8.



$m(\widehat{RFT}) = a$, $m(\widehat{FTR}) = b$, $m(\widehat{RTK}) = c$, $m(\widehat{TKR}) = d$
 ve $[PL] \perp [RL]$, $[NS] \perp [RL]$ dersek; $m(\widehat{LTP}) = a$,
 $m(\widehat{TPL}) = b$, $m(\widehat{SNT}) = c$, $m(\widehat{NTS}) = d$ olur.

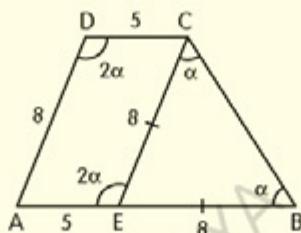
$\widehat{FTR} \cong \widehat{TPL}$ (A.K.A) ve $\widehat{TKR} \cong \widehat{NTS}$ (A.K.A) olduğundan; $|ITR| = |IPL| = |INS|$ dir.

$$A(PRNT) = \frac{1}{2} \cdot |ITR| \cdot |IPL| + \frac{1}{2} \cdot |ITR| \cdot |INS|$$

$$A(PRNT) = |ITR|^2 = 144 \text{ cm}^2, |ITR| = 12 \text{ cm}$$

Cevap "C"

1.



$$m(\widehat{CBA}) = \alpha, m(\widehat{ADC}) = 2\alpha$$

$[DA] \parallel [CE]$ çizelim.

$AECD$ paralelkenar olduğundan;

$$m(\widehat{ADC}) = m(\widehat{CEA}) = 2\alpha, |AD| = |EC| = 8 \text{ cm}$$

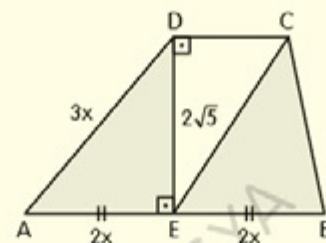
CEB üçgeninde, $m(\widehat{ECB}) = 2\alpha - \alpha = \alpha$.

$$|EC| = |EB| = 8 \text{ cm}, |AE| = 13 - 8 = 5 \text{ cm}$$

$$|AE| = |DC| = 5 \text{ cm}$$

Cevap "C"

3.



$[DC] \parallel [AB]$

$$m(\widehat{EDC}) = m(\widehat{DEA}) = 90^\circ$$

$$|AE| = |EB| = 2x \text{ dersek; } |DA| = 3x$$

DAE üçgeninde pisagor bağıntısından;

$$(3x)^2 = (2x)^2 + (2\sqrt{5})^2, 5x^2 = 20, x = 2 \text{ cm}$$

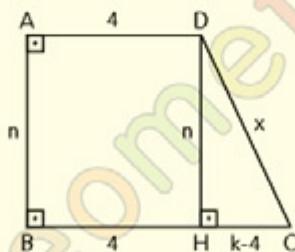
$$A(DAE) = A(EBC)$$

$$A(DAE) + A(EBC) = 2A(DAE)$$

$$2A(DAE) = 2 \cdot \frac{4 \cdot 2\sqrt{5}}{2} = 8\sqrt{5} \text{ cm}^2$$

Cevap "E"

2.



$[DH] \perp [BC]$, $|ABI| = n \text{ cm}$, $|BCI| = k \text{ cm}$ olsun.

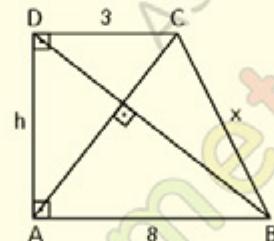
$$|HCI| = k-4 \text{ cm}, n^2 + k^2 = 8k$$

DHC üçgeninde pisagor;

$$n^2 + k^2 - 8k + 16 = x^2, x = 4 \text{ cm}$$

Cevap "A"

4.



$ABCD$ dik yamuk ve $[DB] \perp [AC]$ ise;

$$h = \sqrt{ac} = \sqrt{3 \cdot 8} \text{ cm}, h^2 = 24 \text{ cm}^2 \text{ dir.}$$

$ABCD$ dörtgeninde $[DB] \perp [AC]$ ise;

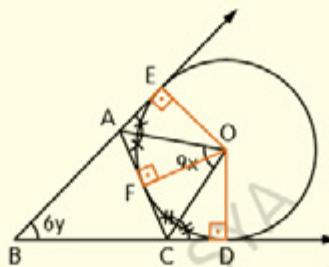
$$|ADI|^2 + |BCI|^2 = |DCI|^2 + |ABI|^2 \text{ dir.}$$

$$24 + x^2 = 3^2 + 8^2$$

$$|BCI| = x = 7 \text{ cm}$$

Cevap "E"

1.



ABC Üçgeninde, O noktası dış teğet çemberin merkezi olduğundan; $[AO]$ ve $[CO]$ açıortaydır.

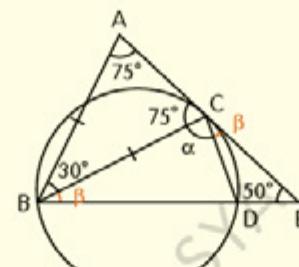
$$m(\widehat{AOC}) = 90^\circ - \frac{m(\widehat{B})}{2}, 9x = 90^\circ - 3y$$

$$3x + y = 30^\circ$$

$$(-) / 2x + y = 23^\circ$$

$$+ \\ x = 7^\circ \text{ bulunur.}$$

3.



ABC Üçgeninde; $m(\widehat{BAC}) = m(\widehat{ACB}) = 75^\circ$

Aynı yayı gören teğet-kiriş ve çevre açıdan;

$$m(\widehat{EBC}) = m(\widehat{DCE}) = \beta$$

$$\text{ABE Üçgeninde;} 75^\circ + 30^\circ + \beta + 50^\circ = 180^\circ$$

$$\beta = 25^\circ, 75^\circ + \alpha + 25^\circ = 180^\circ, m(\widehat{BCD}) = \alpha = 80^\circ$$

Cevap "C"

Cevap "E"

dersimizgeometri.com

2.



$|BF|$ çizersek; $|BC| = |BF|$ olur.

FBD dik üçgeninde,

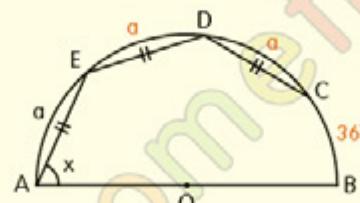
$$|BD| = 2|BF| \text{ olduğundan } m(\widehat{FDB}) = 30^\circ \text{ dir.}$$

NBD Üçgeninde, yükseklikler eşit ($|NK| = |BF|$) olduğundan $|ND| = |BD|$ dir.

$$2m(\widehat{DBN}) + 30^\circ = 180^\circ, m(\widehat{DBN}) = 75^\circ \text{ bulunur.}$$

Cevap "D"

4.



$|AE| = |ED| = |DC|$ olduğundan,

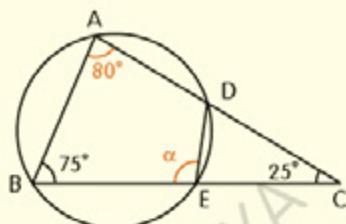
$$m(\widehat{AE}) = m(\widehat{ED}) = m(\widehat{DC}) = \alpha \text{ dersek;}$$

$$m(\widehat{AB}) = 3\alpha + 36^\circ = 180^\circ, \alpha = 48^\circ \text{ dir.}$$

$$m(\widehat{BAE}) = \frac{m(\widehat{EB})}{2} = \frac{2 \cdot 48^\circ + 36^\circ}{2} = 66^\circ$$

Cevap "C"

5.

ABC Üçgeninden; $m(\widehat{BAC}) = 80^\circ$

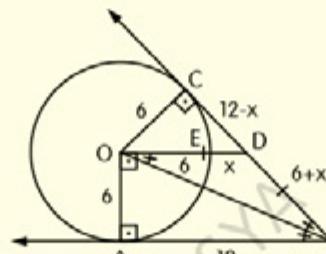
ABED kirişler dörtgeni olduğundan;

$$m(\widehat{DEB}) + m(\widehat{BAD}) = 180^\circ$$

$$\alpha + 80^\circ = 180^\circ, m(\widehat{DEB}) = \alpha = 100^\circ$$

Cevap "B"

7.



[OC] ve [OB] çizelim.

$$\triangle OAB \cong \triangle OCB; |CB| = 18 \text{ cm}, m(\widehat{CBO}) = m(\widehat{OBA})$$

$$[OD] \parallel [AB]; m(\widehat{DBO}) = m(\widehat{BOD})$$

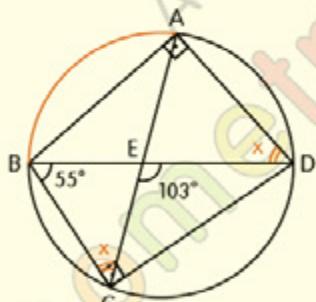
$$|OD| = |DB| = 6+x, |CD| = 12-x$$

COD dik üçgeninden;

$$6^2 + (12-x)^2 = (6+x)^2, |ED| = x = 4 \text{ bulunur.}$$

Cevap "E"

6.



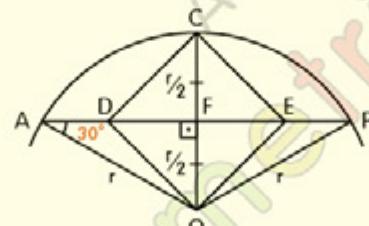
$$m(\widehat{BAD}) + m(\widehat{DCB}) = 180^\circ, (\text{ABCD kirişler dörtgeni})$$

m(ADB) = m(ACB) = x (aynı yayı gören çevre açıları), BCE Üçgeninde; $55^\circ + x = 103^\circ$ (dış açı)

$$m(\widehat{ADB}) = x = 48^\circ$$

Cevap "E"

8.

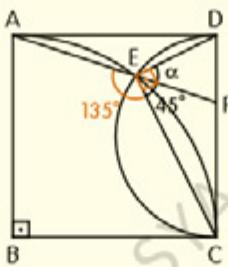


[OC] çizelim.

CDOF karesinde [DE] ve [OC] köşegen olduğundan; $[OC] \perp [AP]$ ve $|CF| = |FO| = \frac{r}{2}$ dir.FAO dik üçgeninde $|OA| = 2|FO|$; $m(\widehat{OAF}) = 30^\circ$
 $m(\widehat{OAF}) = m(\widehat{FPO}) = 30^\circ, m(\widehat{POA}) = 120^\circ$

Cevap "D"

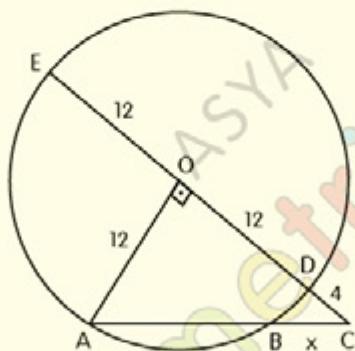
9.



$[EC]$ çizelim. $m(\widehat{AEC}) + m(\widehat{CA}) = 360^\circ$
 $90^\circ + 2m(\widehat{AEC}) = 360^\circ$, $m(\widehat{AEC}) = 135^\circ$ (çevre açı)
 $m(\widehat{CEF}) = 180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$
 $m(\widehat{CED}) = 90^\circ$ (çapı gören çevre açı)
 $m(\widehat{FED}) = \alpha = 90^\circ - 45^\circ = 45^\circ$ dir.

Cevap "D"

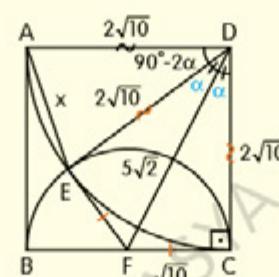
10.



$[AC]$ ve $[EC]$, O merkezli çemberin iki kesenidir.
 OAC ; 12-16-20 dik üçgeni olduğundan,
 $|AC| = 20$ cm dir.
O merkezli çemberde;
 $|CB| \cdot |CA| = |CD| \cdot |CE|$ den,
 $x \cdot 20 = 4 \cdot 28$, $x = \frac{28}{5}$ cm bulunur.

Cevap "E"

11.



F noktası; $[BC]$ çaplı yarım çemberin merkezi

$\triangle DEF \cong \triangle DCF$ (K.K.K), $m(\widehat{EDF}) = m(\widehat{FDC}) = \alpha$

DCF dik üçgeninde pisagor, $|DF| = 5\sqrt{2}$ cm

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha = 2 \cdot \frac{\sqrt{10}}{5\sqrt{2}} \cdot \frac{2\sqrt{10}}{5\sqrt{2}} = \frac{4}{5}$$

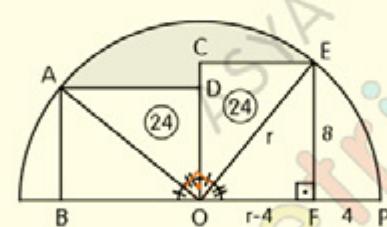
DAE üçgeninde kosinüs teoremi,

$$x^2 = (2\sqrt{10})^2 + (2\sqrt{10})^2 - 2 \cdot 2\sqrt{10} \cdot 2\sqrt{10} \cdot \cos(90^\circ - 2\alpha)$$

$$x^2 = 80 - 80 \cdot \frac{4}{5}, x = 4 \text{ cm}$$

Cevap "A"

12.



EOF dik üçgeninde pisagor, $|OE| = r = 10$ cm

$\triangle OAB \cong \triangle OEC$ (K.K.K), $m(\widehat{AOB}) = m(\widehat{EOC})$

$\triangle OAD \cong \triangle OEF$ (K.K.K), $m(\widehat{DOA}) = m(\widehat{FOE})$

$m(\widehat{EOA}) = 90^\circ$, $A(\widehat{AOD}) = A(\widehat{COE}) = 24 \text{ cm}^2$

$$\text{taralı alan} = \frac{\pi r^2 \cdot \alpha}{360^\circ} - [A(\widehat{AOD}) + A(\widehat{COE})]$$

$$\text{taralı alan} = \frac{\pi (10)^2 \cdot 90^\circ}{360^\circ} - 48 = (25\pi - 48) \text{ cm}^2$$

Cevap "B"

BÖLÜM 3

TYT - AYT GEOMETRİ FORMÜLLER VE ISPATLAR



ETİKETLER

geometri soru bankası pdf , geometri soru bankası pdf indir, geometri pdf indir, geometri pdf kitap indir, tyt-yks geometri, tyt-yks geometri konuları, tyt geometri konuları, yks geometri konuları, tyt geometri pdf, yks geometri pdf, tyt geometri pdf indir, geometri test pdf, yks geometri pdf, geometri pdf soru bankası, matematik pdf, tyt matematik pdf indir, yks matematik pdf indir, matematik test pdf, yks matematik pdf, geometri pdf soru bankası, geometri pdf test, geometri çözümlü sorular pdf, doğruda açılar test pdf, doğruda ve üçgende açılar çözümlü sorular pdf, dik üçgen soruları pdf, dik üçgen test pdf, ikizkenar üçgen çözümlü sorular pdf, eşkenar üçgen çözümlü sorular pdf, açıortay çözümlü sorular pdf, eşkenar üçgen test pdf, tyt 2024, tyt 2024 pdf, yks 2020, yks 2020 pdf, yks 2021, yks 2024 pdf, tyt 2020, tyt 2020 pdf, tyt-ayt 2020, tyt deneme sınavı, yks deneme sınavı, eşkenar üçgen soruları pdf, üçgenler pdf indir, üçgenler soru bankası pdf, yamuk, yamuk çözümlü sorular pdf, paralelkenar soruları ve çözümleri pdf, dikdörtgen soruları pdf, çokgenler çözümlü sorular pdf, çokgenler test pdf, dörtgenler çözümlü sorular pdf, çember ve daire çözümlü sorular pdf, geometri ispatları pdf, ikizkenar üçgen soruları pdf, üçgende alan pdf, üçgende alan pdf indir, üçgende alan özellikleri, yks geometri soruları, geometri formülleri ve ispatları, açıortay formülü-nün ispatı, geometri ispatlar pdf, geometri soru bankası, geometri soru bankası çözümleri, dersimiz, dersimiz geometri, asya geometri, ali selim yaman